

---

# Extensions SIMD dans les microprocesseurs

Daniel Etiemble  
de@lri.fr

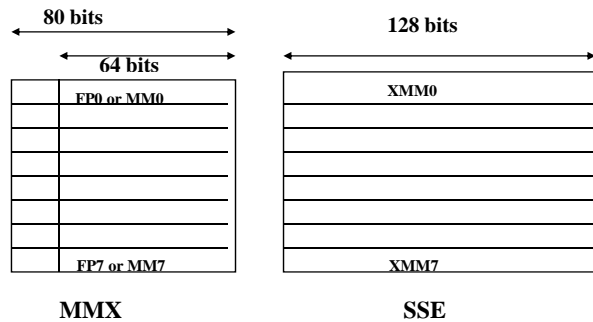
---

## Extensions SIMD dans les jeux d'instructions

- Dans tous les jeux d'instructions
  - MIPS, PowerPC AltiVec, ARM (Neon)
  - IA-32 (Intel MMX, SSE, SSE2, SSE3, SSE4), Intel 64 (AVX) et AMD
- Applications
  - Audio, Communication, Noyaux DSP, Graphique 2D et 3D, Images, Vidéo, Reconnaissance parole, etc
- Formes limitées d'instructions vectorielles
  - Vecteurs courts (2, 4, 8, 16 éléments) sur 128 bits (ou 256 bits)
  - Accès mémoire avec pas unitaire
    - Pas de scatter-gather, pas d'accès avec pas non unitaire
  - Transfert registres, registres mémoire et opérations sont SIMD (tous les éléments du vecteur simultanément)
  - Instructions "spéciales" multimédia
    - Ex : Somme de valeurs absolues de différences

## Les registres SIMD (IA-32)

---



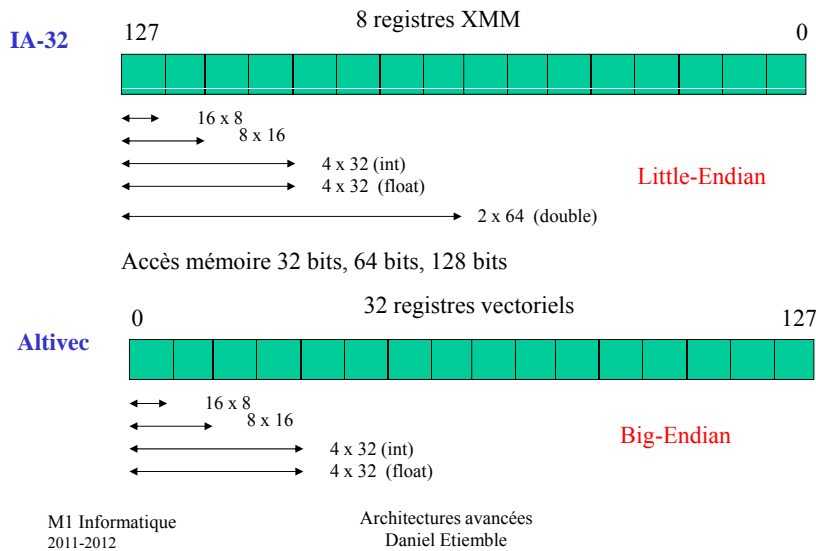
- Les registres MMX sont partagés avec les registres flottants (pile x87)
- Les registres XMM sont distincts

## Les registres SIMD (Intel 64)

---

- Intel AVX
  - 16 registres 256 bits Ymm0 à Ymm15
  - Formats
    - SSE = AVX 128 bits
    - 8 floats
    - 4 doubles
  - Implanté dans « Sandy Bridge » (32 nm)

## Formats de données SIMD



## Utilisation des instructions SIMD

- C (ou Fortran)
  - Transformation du code pour rendre les boucles vectorisables
- Intrinsics
  - Appel de fonctions de type C
  - Le compilateur traite l'allocation des registres et l'ordonnement
- Langage assembleur
  - Assembleur avec instructions SIMD dans le code C

### Exemples d'intrinsics

```
__m128 _mm_set_ps(float f)  
__m128 _mm_load_ps(float *mem)  
__m128 _mm_mul_ps(__m128 x, __m128 y)  
__m128 _mm_add_ps (__m128 x, __m128 y)  
void _mm_store_ps(float *mem, __m128 x)
```

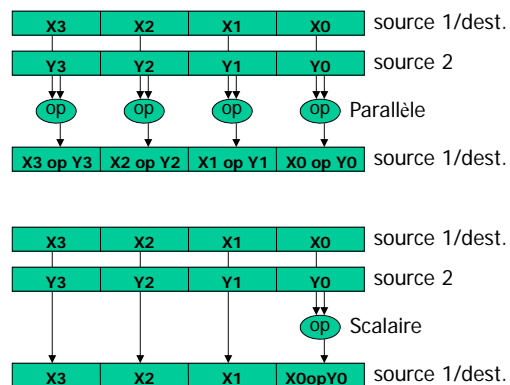
## Exemple : l'inversion d'images

```
void inversion(byte **X, long i0, long i1, long j0, long j1, byte **Y)
{ int i, j; for(i=i0; i<=i1; i++)
  { for(j=j0; j<=j1; j++)
    { Y[i][j] = 255 - X[i][j]; } } }
```

```
void inversionS(byte **X, long i0, long i1, long j0, long j1, byte **Y)
{ int i, j, m, n;
  __m128i **XS, **YS;
  __m128i constante, I1, I2;
  XS=X; YS=Y;
  constante = _mm_set1_epi8 (-1);
  for(i=i0; i<=i1; i++) {
    for(j=j0; j<=j1/16-1; j++) {
      _mm_store_si128 (&YS[i][j], _mm_subs_epu8 (constante,XS[i][j]));} } }
```

## Instructions SIMD IA-32 parallèles et scalaires

- Instructions arithmétiques et logiques
- Instructions mémoire
- Instructions de formatage et manipulation
- Instructions de conversion



## SIMD IA-32 : opérations arithmétiques

Arithmétique entière	Complément à 2	Saturation signée	Saturation non signée
Addition	PADD(h,w,d)	PADDs(h,w)	PADDUS(h,w)
Soustraction	PSUB(b,w,d)	PSUBS(b,w)	PSUBUS(b,w)
Multiplication	PMUL(lw,lhw)		
Multiplication accumulation	PMADDWD		

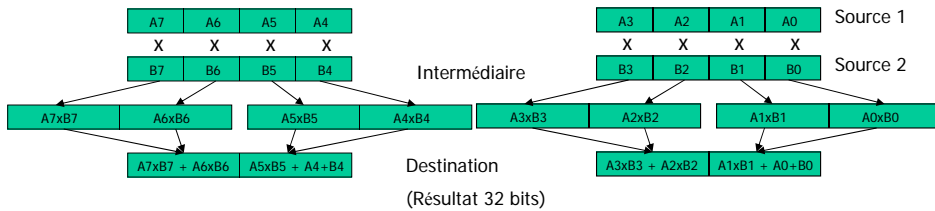
Arithmétique flottante	Parallèle SP	Scalaire SP	Parallèle DP	Scalaire DP
Addition	ADDPS	ADDSS	ADDPD	ADDSD
Soustraction	SUBPS	SUBSS	SUBPD	SUBSD
Multiplication	MULPS	MULSS	MULPD	MULSD
Division	DIVPS	DIVSS	DIVPD	DIVSD
Racine carrée	SQRTPS	SQRTSS	SQRTPD	SQRTSD

## Problèmes de l'arithmétique entière

- Problème spécifique aux instructions SIMD entières
  - Addition :  $N$  bits +  $N$  bits donnent  $N+1$  bits
    - → soit arithmétique saturée
    - → soit complément à 2 avec PERTE DE LA RETENUE
  - Multiplication :  $N * N$  donnent  $2N$  bits
- Instructions spéciales de multiplication ou multiplication-accumulation
  - Multiplication  $N*N$  et et résultat sur  $2N$  bits (avec éventuellement accumulation)
    - IA-32
      - PMADDWD :  $16 \times 16 + 32$
      - PMULUDQ :  $32 \times 32 \Rightarrow 64$
    - Altivec:
      - plusieurs variantes  $16 \times 16 + 32$
      - Plusieurs variantes de multiplications  $8 \times 8 \Rightarrow 16$

## Multiplication-accumulation entière

- 8 multiplications et 4 additions en une instruction PMADDWD

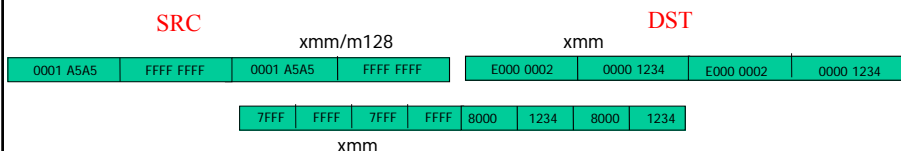


- PMADDWD produit 2 résultats 32 bits
  - Utile pour les applications multimédia et traitement du signal
  - Formats d'entrée et de sortie différents
  - N'existe pas pour les données 8 bits en entrée

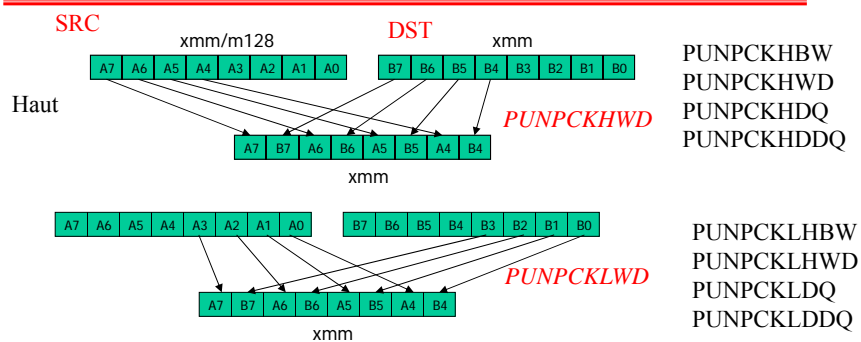
## Compactage-décompactage

Arithmétique entière	Compl. à 2	Saturation signée	Saturation non signée
Pack		PACKSS(wb,dw)	PACKUS(wb)
Unpack High	PUNPCKH(bw,wd,dq)		
Unpack Low	PUNPCKL(bw,wd,dq)		

- PACKSSDW – Compacte les données 32 bits en données 16 bits avec saturation signée (plus grand/plus petit si débordement par défaut ou par excès). Utile pour les données 16 bits avec calcul sur précision 32 bits.

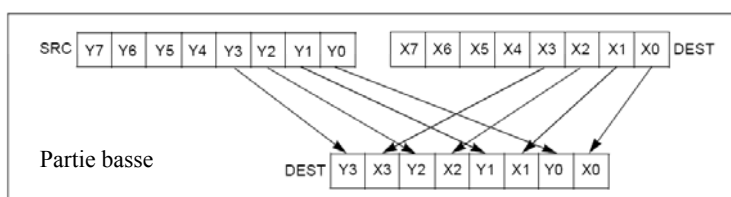


## Décompactage



- Utile pour convertir des données, rassembler des données, entrelacer/dupliquer des données, transposer des lignes et des colonnes

## Passage de 8 bits à 16 bits

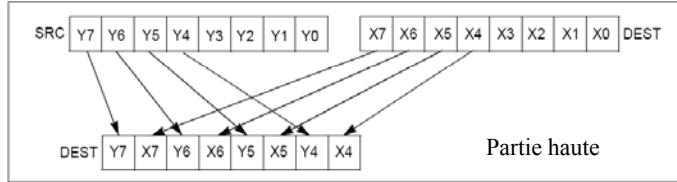


SOURCE : 00 00 00 00 00 00 00 00

DESTINATION : 12 34 56 78 9a bc de f0

DESTINATION : 009a 00bc 00de 00f0

## Passage de 8 bits à 16 bits

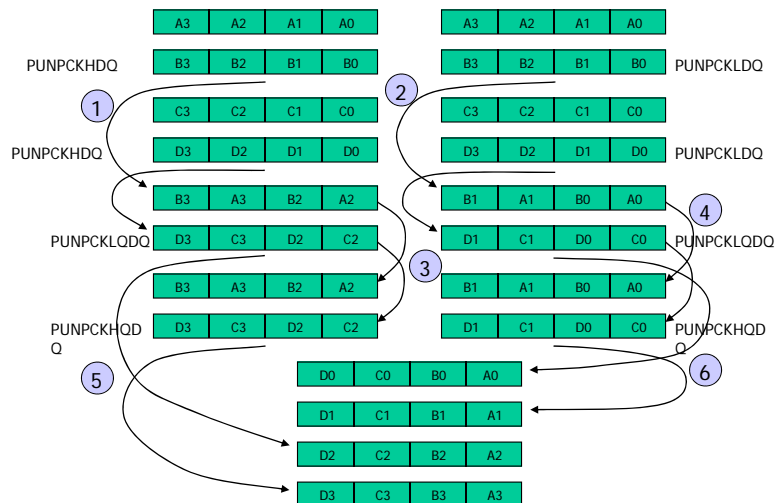


SOURCE :            00 00 00 00 00 00 00 00

DESTINATION :    12 34 56 78 9a bc de f0

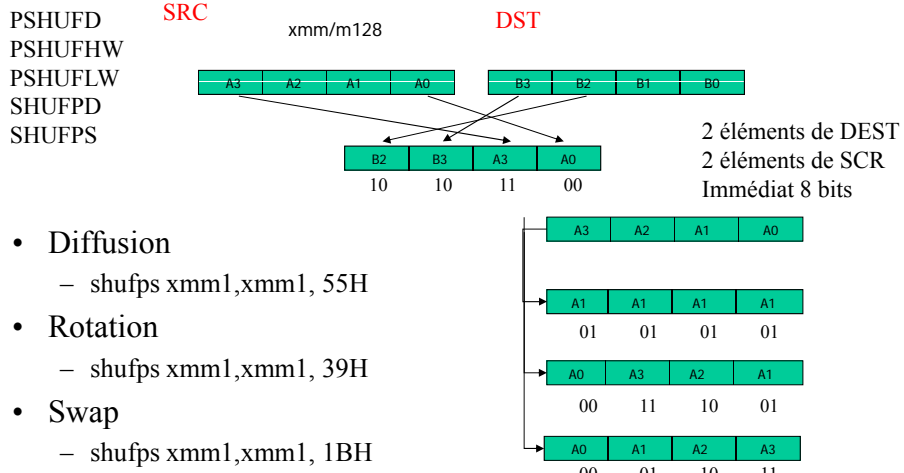
DESTINATION :    0012 0034 0056 0078

## Transposition de matrice 4x4 avec Unpack



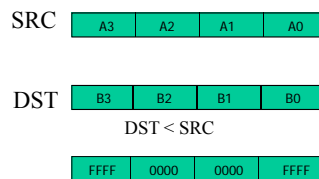


## Les instructions “shuffle”



## Comparaisons et opérations logiques

- Compare (eq, lt, le, unord, neq, nlt, nle, ord) and set mask
  - Flottants
    - cmpxtps ou cmpxtss
    - cmpxtpd ou cmpxtsd
  - Entiers
    - PCOMPEQ (B,W,D)
    - PCOMPGT (B,W,D)
- Opérateurs logiques
  - and, andn, or, xor
    - versions ps et ss
    - Version entière



## Conditionnelles SIMD

Exemple

```
unsigned char X[512], max;
max = X[0];
for (i=1 ; i<512 ; i++)
    if (X[i] >max) max=X[i] ;
```

Programme Scalaire

```
unsigned char X[512], max, byte[16];
__m128i XS[32], M, a;
XS=X ;
M= ld16(&XS[0]) ;
for(i=0; i<32; i++) {
    a = ld16(&XS[i]);
    M = maxbu(M,a);}

byte=&M ;
max = byte[0]
for (i=1 ; i<16 ;i++)
    if (byte[i] >max) max=byte[i];
```

Suppression des  
branchements  
conditionnels

Version SIMD

## Valeurs absolues

- Si  $x(i) < 0$  alors  $|x(i)| = -x(i)$
- Il n'y a pas d'instruction SIMD de calcul de la valeur absolue
- Calcul des valeurs absolues du contenu d'un registre SIMD
  - `__m128i v1;`
  - Créer une constante SIMD zero
  - Calculer `zero - v1`
  - Calculer `max (v1, zero - v1)`

## Transferts mémoire

---

- Transferts flottants
  - Transferts entre registres XMMi et Mémoire
    - movaps xmm1, [eax]
    - movaps [edi], xmm2
  - Transferts alignés ou non
    - Aligné 4 mots : movaps
    - Aligné 2 mots haut : movhps
    - Aligné 2 mots bas : movlps
    - Non aligné : movups
  - Transfert scalaire
    - movss : charge mot bas du registre, et met à 0 les autres
  - Transfert entre partie haute ou basse de registres
    - movhps et movlps
- Transferts entiers
  - Transfert entre mémoire et registres XMM

## Alignement mémoire

---

- L'accès à un mot de 128 bits est aligné sur une frontière de 16 octets. Les quatre bits de poids faible de l'adresse sont 0000 pour un accès aligné
- IA-32
  - Accès alignés
  - Accès non alignés (plus lents)
- AltiVec
  - Les accès mémoire sont obligatoirement alignés
  - Utilisation de plusieurs instructions pour les accès non alignés

## Accès mémoire (IA-32)

---

- Accès mémoire “non write allocate”
  - movntps : XMM vers mémoire
  - movntq : MMX vers mémoire
  - sur un défaut de cache en écriture, il y a écriture directe en mémoire
- Préchargement
  - prefetch0 : L1 et L2
  - prefetch1 et prefetch2 : L2 seul
  - prefetchnta : L1 seul

## Problèmes d'alignement

---

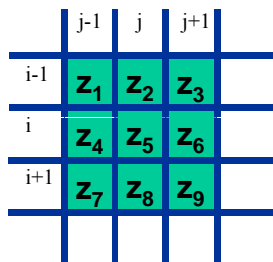
- Variables allouées statiquement
  - `__declspec( align(16) ) V1, V2, V3;`
- Variables allouées dynamiquement
  - `#include malloc.h`
  - Fonctions `_mm_malloc` et `_mm_free`

```
byte** bmatrix(long nrl, long nrh, long ncl, long nch)
{long i, nrow=nrh-nrl+1, ncol=nch-ncl+1;
 byte **m;
 /* allocate pointers to rows */

 m=(byte **) _mm_malloc((size_t)((nrow+NR_END)*sizeof(byte*)), 16);
 if (!m) perror("allocation failure 1 in bmatrix()");
 m += NR_END;
 m -= nrl;
 /* allocate rows and set pointers to them */
 .....
 return m;
```

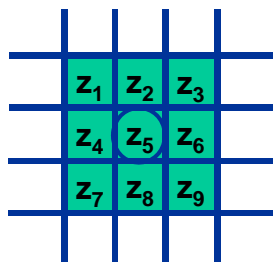
## Problèmes d'alignement : les filtres (3,3)

- Traitement d'images bas niveau
  - Filtres passe-bas
  - Filtres passe-haut
  - Etc.



- $Y[i][j] = \text{fonction}(X[i-1][j-1], X[i-1][j], X[i-1][j+1], X[i][j-1], X[i][j], X[i][j+1], X[i+1][j-1], X[i+1][j], X[i+1][j+1]);$
- unsigned char  $Y[N][N], X[N][N]$

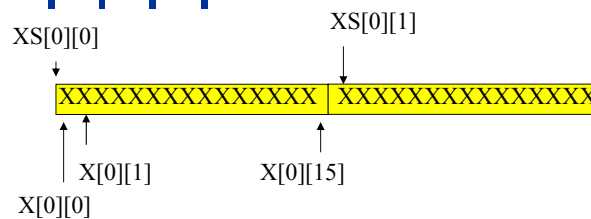
## Accès aux pixels voisins



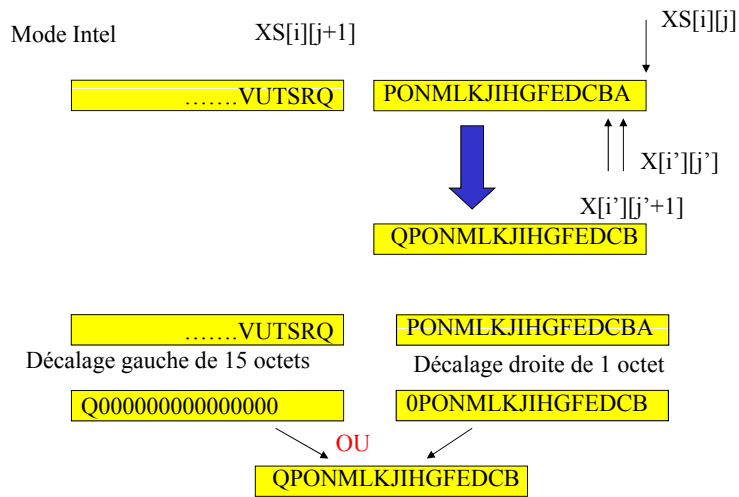
```
byte **X[i][j];
__m128i **XS [i][j];
```

$XS = X;$

Accès classique  $\neq$  accès Intel



## Accès SIMD aux pixels voisins



M1 Informatique  
2011-2012

Architectures avancées  
Daniel Etiemble

27

## Accès aux pixels voisins

```
#define decg(va,vb) _mm_or_si128(_mm_srli_si128(va,1),_mm_slli_si128(vb,15))
#define decd(va,vb) _mm_or_si128(_mm_slli_si128(va,1),_mm_srli_si128(vb,15))
```

EXEMPLE

```
aij= _mm_load_si128(&XS[i][j]);
```

```
aijp = decg(_mm_load_si128(&XS[i][j]),_mm_load_si128(&XS[i][j+1]));
```

```
aijm= decd(_mm_load_si128(&XS[i][j]),_mm_load_si128(&XS[i][j-1]));
```

M1 Informatique  
2011-2012

Architectures avancées  
Daniel Etiemble

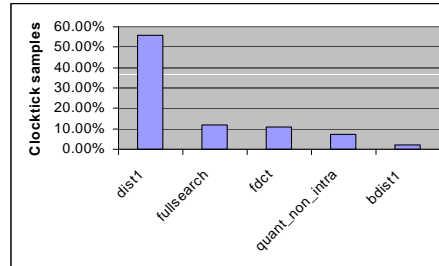
28

## Instructions spéciales (ex : PSABW)

- PSABW

- Valeur absolue des différences des octets (unsigned char) dans DST et SRC
- Somme des valeurs absolues pour les huit octets bas dans les 32 bits de la partie basse de DST
- Somme des valeurs absolues pour les huit octets hauts dans les 32 bits de la partie haute de DST

0000 RES2 0000 RES1



Encodeur MPEG2

$$SAE = \sum_{i=0}^{i=7} \sum_{j=0}^{j=7} |C_{ij} - R_{ij}|$$

## Impact de PSABW

Code C pour l'estimation de mouvement

```
for(l=0; l<nVERT; l++)
  for(k=0, c=0; c<nHORZ; k+=8, c++){
    answer = 0;
    for(j=0; j<16; j++)
      for(i=0; i<16; i++)
        answer += abs(x[l+j][k+i] - y[l+j][k+i]);
    result[l][c] = answer;}

```

Version C naïve : 271 CPP (cycles par pixel)  
Version XMM : 13,5 CPP  
Accélération : **20**



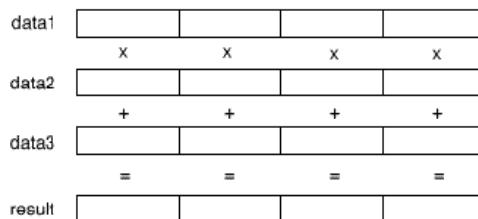


## ALTIVEC : multiplication accumulation

---

- Multiplie quatre “floats” par quatre “floats” et ajoute à quatre autres “floats” en une instruction `vmaddfp`:

`vmaddfp result, data1, data2, data3`

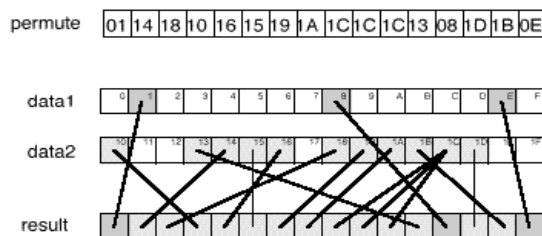


## ALTIVEC : instruction permute

---

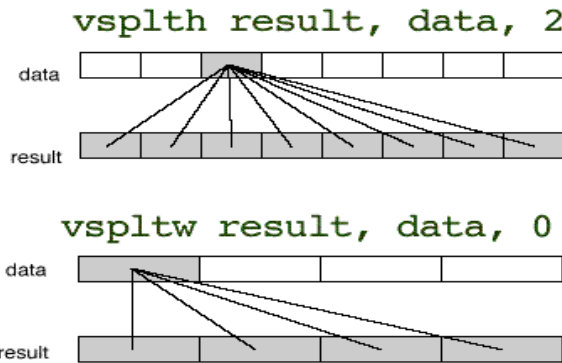
- L’instruction “permute” remplit un registre à partir de deux autres registres. Les octets peuvent être spécifiés dans n’importe quel ordre.

`vperm result, data1, data2, permute`

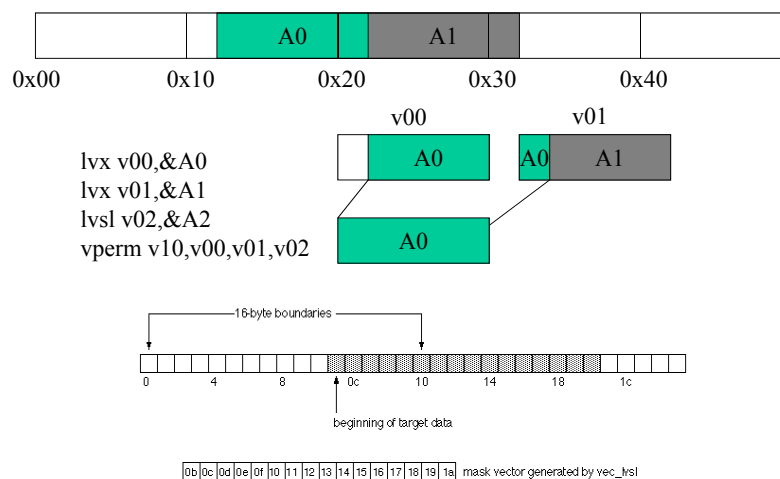


## ALTIVEC: instruction SPLAT

- L'instruction "splat" est utilisée pour copier un élément d'un registre dans tous les éléments d'un autre registre



## Accès mémoire Altivec non alignés



## Les problèmes d'utilisation des instructions SIMD (« vectorisation »)

- **Les obstacles intrinsèques à la vectorisation**
  - Problèmes fondamentaux de vectorisation/parallélisation
  - Ex : les dépendances de données entre itérations
- **Ce qui empêche le compilateur de « vectoriser »**
  - Pointeurs
  - Accès aux tableaux avec pas non unitaires...
  - Structures
  - Etc...
- Les problèmes liés à la nature des instructions SIMD
  - Formats d'entrée doivent être homogènes
  - Format de sortie doit être le même que le format d'entrée
    - **Problème intrinsèque avec les formats entiers**
  - Les formats d'entrées doivent être adaptés au parallélisme de données
- Les insuffisances dans le jeu d'instructions SIMD IA-32
  - Problèmes d'alignement mémoire
  - Manque de certaines instructions (« réduction »)

## Problèmes intrinsèques : Deriche

### Deriche horizontal (flottants)

```
for(i=0; i<size; i++) {  
  for(j=0; j<size; j++) {  
    Y[i][j] = b0 * X[i][j] + a1 * Y[i][j-1]  
      + a2 * Y[i][j-2];  
    for (j=size-1; j>=0; j--) {  
      Y[i][j] = b0 * X[i][j] + a1 * Y[i][j+1]  
        + a2 * Y[i][j+2]; } }  
}
```

$Y(i, j) = f[(Y(i, j-1), Y(i, j-2))]$

Dépendance entre itérations

### Deriche vertical (flottants)

```
for(j=0; j<size; j++) {  
  for(i=0; i<size; i++) {  
    Y[i][j] = b0 * X[i][j] + a1 * Y[i-1][j]  
      + a2 * Y[i-2][j];  
    for (i=size-1; i>=0; i--) {  
      Y[i][j] = b0 * X[i][j] + a1 * Y[i+1][j]  
        + a2 * Y[i+2][j]; } }  
}
```

Pas non unitaire pour la  
boucle interne

## « Vectorisation automatique »

---

- Conditions de « vectorisation »
  - Accès à pas unitaire
  - Pas de dépendances de données
  - Pas de pointeurs
- Performance des caches
  - Accès à pas unitaire

## Eviter les pointeurs

---

- Pointeurs et incrémentation/décrémentation de pointeurs n'est pas autorisé pour indexer les boucles

```
int a[100];
int *p;
p=a;

for (i=0; i<100;i++)
    *p++ = i;
```

Ne vectorise pas

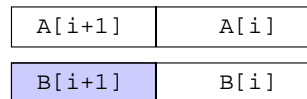
```
int a[100];


for (i=0; i<100;i++)
    p[i] = i;
```

VECTORISE

## Dépendances propagées entre itérations

S1:  $A[i]=A[i]+ B[i];$   
 S2:  $B[i+1]= C[i]+ D[i]$  Pas de  
vectorisation



 Pas encore disponible

S2:  $B[i+1]= C[i]+ D[i]$  VECTORISATION  
 S1\*:  $A[i+1]=A[i+1]+ B[i+1];$

## Echange de boucles

```
void loop_interchange_example(float *a, float *b, float *c)
{ for(int j=0; j<100; j++) {
  for(int i=0; i<100; i++) {
    a[i,j] = a[i,j] + b[i,j]*c[i,j];}}}
```

**NV**  
PAS !=1

```
void loop_interchange_example(float *a, float *b, float *c)
{for(int i=0; i<100; i++) {
  for(int j=0; j<100; j++) {
    a[i,j] = a[i,j] + b[i,j]*c[i,j];}}}
```

**V**  
PAS ==1

## Problèmes intrinsèques : Deriche

### Deriche horizontal (flottants)

```
for(i=0; i<size; i++) {  
  for(j=0; j<size; j++) {  
    Y[i][j] = b0 * X[i][j] + a1 * Y[i][j-1]  
      + a2 * Y[i][j-2];  
    for (j=size-1; j>=0; j--) {  
      Y[i][j] = b0 * X[i][j] + a1 * Y[i][j+1]  
        + a2 * Y[i][j+2]; } }  
}
```

$$Y(i, j) = f[(Y(i, j-1), Y(i, j-2))]$$

Dépendance entre itérations

### Deriche vertical (flottants)

```
for(j=0; j<size; j++) {  
  for(i=0; i<size; i++) {  
    Y[i][j] = b0 * X[i][j] + a1 * Y[i-1][j]  
      + a2 * Y[i-2][j];  
    for (i=size-1; i>=0; i--) {  
      Y[i][j] = b0 * X[i][j] + a1 * Y[i+1][j]  
        + a2 * Y[i+2][j]; } }  
}
```

Pas non unitaire pour la  
boucle interne

## Eclatement de boucles

```
void splitting_example(float *a, float *b, float *c, float *d, float *e, float  
*f, float *g)
```

```
{for(int i=0; i<99; i++) {  
  a[i] = c[i] + e[i] * k[i];  
  b[i] = x + a[i] + g[i];  
  c[i+1] = a[i] + b[i] + f[i];}}
```

NON VECTORISABLE

```
for(int i=0; i<99; i++) {  
  d[i] = e[i] * k[i];}
```

VECTORISABLE

```
for(int i=0; i<99; i++) {  
  a[i] = c[i] + d[i];  
  b[i] = x + a[i] + g[i];  
  c[i+1] = a[i] + b[i] + f[i];}
```

NON VECTORISABLE

## Fusion de boucles

---

```

void loop_fusion_example(float *a, float *b, float *c, float *d)
{ for(int i=0; i<100; i++)      V
  a[i] = b[i] + c[i];
  for(i=0; i<99; i++)          V
    d[i] = a[i] * 2;}

for(i=0; i<99; i++) {         V
  a[i] = b[i] + c[i];
  d[i] = a[i] * 2;}

```

Réduit le surcoût

## Copie de variable

---

```

for(int i=0; i<100; i++) {
  a[i] = (b[i] + b[i+1])/2;
  b[i+1] = c[i];}

```

NON VECTORISABLE



<pre> for(i=0; i&lt;100; i++)      <b>V</b>   <b>d[i] = b[i+1];</b> for(i=0; i&lt;100; i++) {   <b>NV</b>   a[i] = (b[i] + <b>d[i]</b>)/2;   b[i+1] = c[i];} </pre>		<pre> for(i=0; i&lt;100; i++)      <b>V</b>   <b>d[i] = b[i+1];</b> for(i=0; i&lt;100; i++) {   <b>V</b>   b[i+1] = c[i];   a[i] = (b[i] + <b>d[i]</b>)/2;} </pre>
---	--	--

## FFT : Version originale

```
void fft_c(int n,COMPLEX *x,COMPLEX *w)
{COMPLEX u,temp,tm;
int i,j,le,windex;
windex = 1;
for(le=n/2 ; le > 0 ; le/=2) {
    wptr = w;
    for (j = 0 ; j < le ; j++) {
        u = *wptr;
        for (i = j ; i < n ; i = i + 2*le) {
            xi = x + i;
            xip = xi + le;
            temp.real = xi->real + xip->real;
            temp.imag = xi->imag + xip->imag;
            tm.real = xi->real - xip->real;
            tm.imag = xi->imag - xip->imag;
            xip->real = tm.real*u.real - tm.imag*u.imag;
            xip->imag = tm.real*u.imag + tm.imag*u.real;
            *xi = temp; }
        wptr = wptr + windex;}
    windex = 2*windex;}}
```

- Embree, C algorithms for Real-Time DSP, Prentice Hall

- Caractéristiques

- POINTEURS
- STRUCTURE
- PAS NON UNITAIRES

- Caractéristiques qui empêchent le compilateur de vectoriser

- POINTEURS
- STRUCTURE
- PAS NON UNITAIRE

## FFT - 1) Supprimer les pointeurs

```
void fft_c(int n,COMPLEX *x,COMPLEX *w)
{
    COMPLEX u,temp,tm;
    int i,j,le,windex;
    windex = 1;
    for(le=n/2 ; le > 0 ; le/=2) {
        for (j = 0 ; j < le ; j++) {
            k=0;
            for (i = j ; i < n ; i = i + 2*le) {
                tm.real = x[i].real - x[i+le].real;
                tm.imag = x[i].imag - x[i+le].imag;
                x[i+le].real = tm.real*w[k].real - tm.imag*w[k].imag;
                x[i+le].imag = tm.real*w[k].imag + tm.imag*w[k].real;
                x[i].real = x[i].real + x[i+le].real;
                x[i].imag = x[i].imag + x[i+le].imag; }
            k += windex;
        }
        windex = 2*windex }
}
```

**STRUCTURE  
PAS NON UNITAIRE**

En compilation,  
domaine de  
recherche actif :  
*transformation des  
accès via pointeurs  
en accès directs via  
indices de tableaux.*



## FFT : 2) Permutation de boucles + Suppression de la structure

```

void fft_c(int n, float x_r[], float x_i, float w_r[], float w_i[])
{
    register float tm_r, tm_i;
    int i, j, le, windex;
    windex = 1;
    for(le=n/2 ; le > 0 ; le/=2) {
        for(i = 0 ; i < n ; i = i + 2*le) {
            for(j = 0 ; j < le ; j++){
                tm_r = x_r[i+j] - x_r[i+j+le];
                tm_i = x_i[i+j] - x_i[i+j+le];
                x_r[i+j] = x_r[i+j] + x_r[i+j+le];
                x_i[i+j] = x_i[i+j] + x_i[i+j+le];
                x_r[i+j+le] = tm_r*w_r[j*windex] - tm_i*w_i[j*windex];
                x_i[i+j+le] = tm_r*w_i[j*windex] + tm_i*w_r[j*windex];
            }
        }
        windex = 2*windex;
    }
}

```

**PAS NON UNITAIRE  
POUR L'ACCES AUX  
COEFFICIENTS**

## FFT – 3) Programme vectorisé

```

void fft_c(int n, float x_r[], float x_i[], float
w_r[], float w_i[])
{
    register float t_r, t_i;
    int i, j, le, windex, k;
    windex = 1; k=0;
    for(le=n/2 ; le > 0 ; le/=2, k++) {
        for(i = 0 ; i < n ; i = i + 2*le) {
            for(j = 0 ; j < le ; j++) {
                t_r = x_r[i+j] - x_r[i+j+le];
                t_i = x_i[i+j] - x_i[i+j+le];
                x_r[i+j] = x_r[i+j] + x_r[i+j+le];
                x_i[i+j] = x_i[i+j] + x_i[i+j+le];
                x_r[i+j+le] = t_r*w_r[HN*k+j] -
                    t_i*w_i[HN*k+j];
                x_i[i+j+le] = t_r*w_i[HN*k+j] +
                    t_i*w_r[HN*k+j];
            }
        }
        windex = 2*windex;
    }
}

```

### Calcul des coefficients

```

for(i = 0 ; i < n ; i++) {
    wr[i] = cos(i*a);
    wi[i] = sin(i*a);
    windex = 1; k=0;
    for(le=n/2 ; le > 0 ; le/=2) {
        for(j = 0 ; j < le ; j++) {
            w_r[HN*k+j] = wr[j*windex];
            w_i[HN*k+j] = wi[j*windex];
        }
        k++;
        windex = 2*windex;
    }
}

```

**Pour les deux dernières boucles  
externes, moins de 4 boucles  
internes**

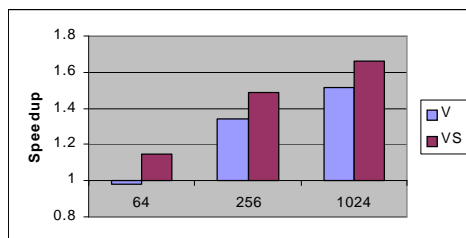
## FFT : 4) Programme final vectorisé

```
void fft_c(int n, float x_r[], float x_i[], float
w_r[], float w_i[])
{
    register float t_r, t_i;
    int i, j, le, windex, k;
    windex = 1; k=0;
    for(le=n/2 ; le > 2 ; le/=2, k++) {
        for (i = 0 ; i < n ; i = i + 2*le) {
            for (j = 0 ; j < le ; j++) {
                t_r=x_r[i+j]-x_r[i+j+le];
                t_i=x_i[i+j]-x_i[i+j+le];
                x_r[i+j]=x_r[i+j]+x_r[i+j+le];
                x_i[i+j]=x_i[i+j]+x_i[i+j+le];
                x_r[i+j+le]=t_r*w_r[HN*k+j]-
                    t_i*w_i[HN*k+j];
                x_i[i+j+le]=t_r*w_i[HN*k+j]+
                    t_i*w_r[HN*k+j];}}
            windex = 2*windex; }
}
```

```
for( ; le > 0 ; le/=2, k++) {
    for (i = 0 ; i < n ; i = i + 2*le) {
        #pragma novector
        for (j = 0 ; j < le ; j++) {
            t_r=x_r[i+j]-x_r[i+j+le];
            t_i=x_i[i+j]-x_i[i+j+le];
            x_r[i+j]=x_r[i+j]+x_r[i+j+le];
            x_i[i+j]=x_i[i+j]+x_i[i+j+le];
            x_r[i+j+le]=t_r*w_r[HN*k+j]-
                t_i*w_i[HN*k+j];
            x_i[i+j+le]=t_r*w_i[HN*k+j]+
                t_i*w_r[HN*k+j];}
        }
        windex = 2*windex;
    }
}
```

## Accélération FFT

Pentium 4 – 1,4 GHz – 512 Mo RDRAM  
Compilateur Intel C++ Beta 6.0



- Performances obtenues inférieures à celles de la bibliothèque Intel
- Version finale est contraire aux « habitudes » des programmeurs C
  - Pointeurs
  - Structure
- Version finale est contraire à ce qui est enseigné :
  - « Use post-incremented pointers to access data in arrays rather than subscripted variables (x=array[i++] is slow, x=\*ptr++ is faster) »
  - Embree, C algorithms for Real-Time DSP.

## Les problèmes d'utilisation du SIMD

---

- Les obstacles intrinsèques à la vectorisation
  - Problèmes fondamentaux de vectorisation/parallélisation
  - Ex : les dépendances de données entre itérations
- Ce qui empêche le compilateur de « vectoriser »
  - Pointeurs
  - Accès aux tableaux avec pas non unitaires...
  - Structures
  - Etc...
- **Les problèmes liés à la nature des instructions SIMD**
  - Formats d'entrée doivent être homogènes
  - Format de sortie doit être le même que le format d'entrée
    - **Problème intrinsèque avec les formats entiers**
  - Les formats d'entrées doivent être adaptés au parallélisme de données
- Les insuffisances dans le jeu d'instructions SIMD IA-32
  - Problèmes d'alignement mémoire
  - Manque de certaines instructions (« réduction »)

## A nouveau sur les filtres (images)

---

- Caractéristiques
  - Stockage des images (octets)
  - Traitement (shorts ou int)
  - Résultat (octets)
- Exemples : filtres, gradient, scan

### Filtre de Deriche

```
unsigned char X[size][size], Y[size][size];
int b0, a1, a2;
for(i=0; i<size; i++) {
  for(j=0; j<size; j++) {
    Y[i][j] = (unsigned char) (b0 * X[i][j] + a1 * Y[i][j-1] + a2 * Y[i][j-2]) >> 8; }
  for (j=size-1; j>=0; j--) {
    Y[i][j] = (unsigned char) (b0 * X[i][j] + a1 * Y[i][j+1] + a2 * Y[i][j+2]) >> 8; } } }
```

## Et solution : Deriche HV

Deriche horizontal – vertical (flottants)

```
for(i=0; i<size; i++) {
  for(j=0; j<size; j++) {
    Y[i][j] = b0 * X[i][j] + a1 * Y[i-1][j] +
              a2 * Y[i-2][j];}
  for (i=size-1; i>=0; i--) {
    for(j=0; j<size; j++) {
      Y[i][j] = b0 * X[i][j] + a1 * Y[i+1][j] +
                a2 * Y[i+2][j];}}
```

Pas de dépendances entre itérations

Pas unitaire

→ **Vectorisation automatique en flottant**

## Deriche entier : formats différents

```
byte **X, **Y;
int32 b0, a1, a2;
for(i=0; i<size; i++) {
  for(j=0; j<size; j++) {
    Y[i][j] = (byte) (b0 * X[i][j] + a1 * Y[i-1][j]
                    + a2 * Y[i-2][j]) >> 8);}
  for (i=size-1; i>=0; i--) {
    for(j=0; j<size; j++) {
      Y[i][j] = (byte) (b0 * X[i][j] + a1 * Y[i+1][j]
                      + a2 * Y[i+2][j]) >> 8);}/
```

Version HV

-Pas de dépendances  
-Pas unitaire

Mais

*8 bits et 32 bits*  
*8 bits et 16 bits*

Deux problèmes

- formats différents
- multiplication SIMD : 16 x 16 → 32 bits

16 x 16 → partie basse des 32 bits

16 x 16 → partie haute des 32 bits

Vectorisation automatique impossible

Intrinsics ou assembleur éventuellement

## Deriche entier (gradient) : formats différents

```
void INT_Gradient_C_B(byte **m, int size)
{int i, j; byte **X, **G; ...
for(i=0; i<size-1; i++) {
  for(j=0; j<size-1; j++) {
    G[i][j] = (byte) (abs(-X[i][j]+X[i][j+1] - X[i+1][j]+X[i+1][j+1])
                    + abs(-X[i][j]-X[i][j+1]+X[i+1][j] + X[i+1][j+1]));}
```

> 255

Changement de format lors des calculs intermédiaires

- Formats identiques
  - Connaissance de l'amplitude des valeurs
  - Perte de précision
- Formats différents
  - Pas de vectorisation automatique
  - Vectorisation « éventuelle » à la main

M1 Informatique  
2011-2012

Architectures avancées  
Daniel Etiemble

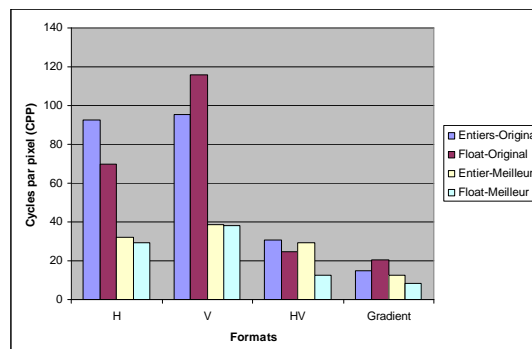
57

## Entiers ou flottants ?

- Problème des calculs intermédiaires en entiers
- Représentation flottante
  - Coût de mémorisation des pixels (8 bits – 32 bits)

- Dell Pentium 4  
mobile à 1,6 GHz, 128  
Mo RAM  
- Windows XP  
- Compilateurs Intel  
C/C++ version 5

Filtres et gradient



M1 Informatique  
2011-2012

Architectures avancées  
Daniel Etiemble

58

## Structure de données : AoS, SoA, ou HSoA

- array\_of\_struct (AoS)
- struct\_of\_array (SoA)
- Hybrid SoA - Array of SoA

```

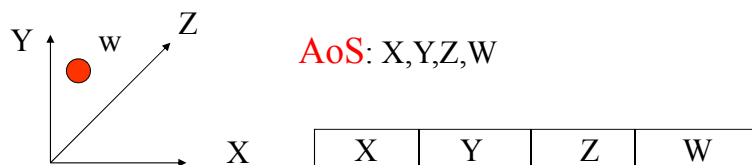
struct {
    float x, y, z, r, g, b;
} AoS_xyz_rgb[200];

struct {
    float x[200], y[200], z[200];
    float r[200], g[200], b[200];
} SoA_xyz_rgb;

struct {
    float xx[4], yy[4], zz[4];
} Hybrid_xyz[50];
struct {
    float rr[4], gg[4], bb[4];
} Hybrid_rgb[50];
    
```

## Représentation des vertices (AOS- SOA)

Calcul géométrique 3D



SoA

Tableau Vx	X1	X2	X3 ... Xn
Tableau Vy	Y1	Y2	Y3 ... Yn
Tableau Vz	Z1	Z2	Z3 ... Zn
Tableau Vw	W1	W2	W3 ... Wn

## Calcul du produit scalaire

AoS

X	Y	Z	W
---	---	---	---

```

mulps ;      a=x*x' b=y*y' c=z*z'
andps;      avec masque pour que d=0
movaps;     transfert reg à reg
shufps;     donne b, a, d, c à partir de a, b, c, d
addps;     donne a+b, a+b, c+d, c+d
movaps;     transfert registre à registre
shufps;     donne c+d, c+d, a+b, a+b
addps;     donne a+b+c+d, a+b+c+d a+b+c+d a+b+c+d
    
```

SoA

X	Y	Z	W
---	---	---	---

```

mulps ;      x*x' pour les composantes x de 4 sommets
mulps ;      y*y' pour les composantes y de 4 sommets
mulps ;      z*z' pour les composantes z de 4 sommets
addps ;      x*x'+y*y'
addps ;      x*x'+y*y'+z*z'
    
```

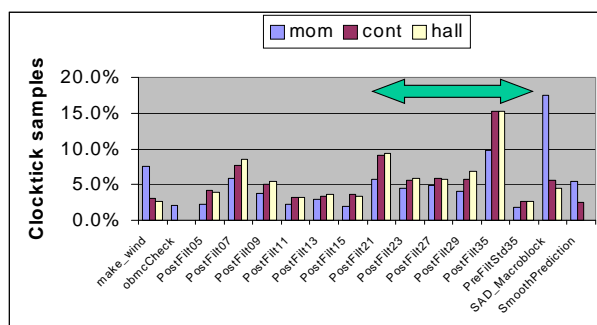
M1 Informatique  
2011-2012

Architectures avancées  
Daniel Etiemble

61

## A NOUVEAU SUR LE PRODUIT SCALAIRE

Codec "Matching Pursuit Video" de Berkeley



CODEUR

FONCTIONS CRITIQUES  
SAD (DIST1)  
Fonctions Post-filter

M1 Informatique  
2011-2012

Architectures avancées  
Daniel Etiemble

62

## Fonctions Post-filter = produits scalaires

Calculs flottants

OPTIMISATIONS

```

void postfiltn (//.....//)
{float *basis, *ppm, *ppm_end;
for(ppm=premult+bshift,y=0; y<sr; ppm+=ppm_yinc, ++y) {

    for (ppm_end = ppm+((tmp3<sr)?tmp3:sr);
        ppm < ppm_end; ++ppm, --tmp3){

        ip = 0;
        for (k=0; k<n; k++)
            ip+= basis[k]*ppm[k];.....
        // two similar "middle" loops}
    }
}
    
```

- Déroulage de la boucle interne
  - Calculer plus vite chaque produit scalaire
- Déroulage de la boucle milieu
  - Calculer quatre produits scalaires simultanément

## Instructions SIMD pour le produit scalaire

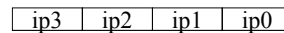
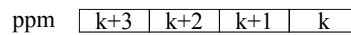
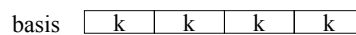
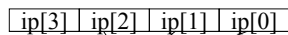
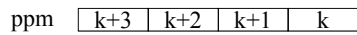
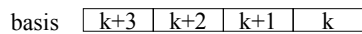
```

for (ppm_end = ppm+((tmp3<sr)?tmp3:sr);
    ppm < ppm_end; ++ppm, --tmp3){

    ip[0] = 0.0; ip[1] = 0.0; ip[2] = 0.0; ip[3] = 0.0;
    for (k=0; k<n/4; k+=4){
        ip[0]+= basis[k]*ppm[k];
        ip[1]+= basis[k+1]*ppm[k+1];
        ip[2]+= basis[k+2]*ppm[k+2];
        ip[3]+= basis[k+3]*ppm[k+3]; }
    ip= ip[0]+ip[1]+ip[2]+ip[3];
}
    
```

```

for(ppm_end=ppm+((tmp3<sr)?tmp3:sr);
    ppm<ppm_end-4; ppm+=4, tmp3-=4){
    .....
    ip0 = 0; ip1 = 0; ip2 = 0; ip3 = 0;
    for (k=0; k<n; k++){
        ip0+= basis[k]*ppm[k];
        ip1+= basis[k]*ppm[k+1];
        ip2+= basis[k]*ppm[k+2];
        ip3+= basis[k]*ppm[k+3]; } ...}
    
```



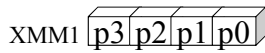
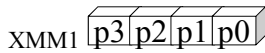
**Pas de problème d'alignement**  
**Pas de somme finale**



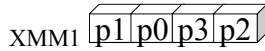
## Surcoût de la somme intra-registre (SSE2)

Shuffle

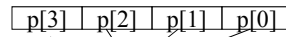
shufps xmm1, xmm1, imm8  
0100 1110



10 11 11 00



Somme finale du produit scalaire



ip

```

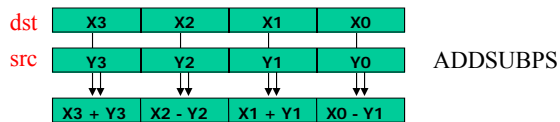
movaps xmm1,xmm0    6 clocks
shufps xmm1,xmm1,4eh 6
addps xmm0,xmm1     4
movaps xmm1,xmm0    6
shufps xmm1,xmm1,11h 6
addss xmm0,xmm1     4
movss p,xmm0        4+
    
```

**36+ clocks**

## Extensions SIMD SSE3 (IA-32)

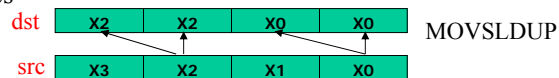
- Instructions pour la FFT

- ADDSUBPD
- ADDSUBPS



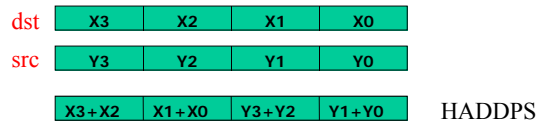
- Duplication de constantes

- MOVDDUP
- MOVSHDUP
- MOVSLDUP



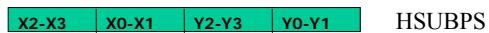
- Instructions horizontales

- HADDPD
- HADDPS
- HSUBPD
- HSUBPS



- Accès non alignés

- LDDQU



## Réduction des éléments d'un vecteur

---

- Instruction HADDPS 

dst	X3	X2	X1	X0
src	Y3	Y2	Y1	Y0
dst	X3+X2	X1+X0	Y3+Y2	Y1+Y0
- XMM0 

D	C	B	A
---	---	---	---
- HADDPS XMM0, XMM0 

C+D	A+B	C+D	A+B
-----	-----	-----	-----
- HADDPS XMM0, XMM0 

A+B+C+D	A+B+C+D	A+B+C+D	A+B+C+D
---------	---------	---------	---------

M1 Informatique  
2011-2012

Architectures avancées  
Daniel Etiemble

67

---

## Jeu d'instructions MIC Co-processeur Xeon Phi

Daniel Etiemble  
de@lri.fr

## Registres

---

- 32 registres 512 bits (Zmm0 à Zmm31)
  - 16 int32
  - 8 int64
  - 16 float
  - 8 double
- 8 registres de masque vectoriel k0 à k15 (16 bits)
  - 1 bit par élément du registre  $Zmm_i$  (16 ou 8 bits)
    - Contrôle des opérations « élément par élément »
    - Contrôle des écritures registre « élément par élément »
  - Exception
    - k0 correspond au « non masquage »

## Instructions vectorielles

---

- Format général (3,1)
  - $Zmm_i \leftarrow Zmm_j \text{ OP } S (Zmm_k, m)$ 
    - $Zmm_i$  : Registre destination
    - $Zmm_j$  : Registre source 1
    - $Zmm_k$  : Registre source 2
    - m : opérande mémoire
    - S : Fonction de conversion – Swizzle
    - OP : Opération

## Addition vectorielle sur des float32

---

vaddps zmm1 {k1}, zmm2, S.(zmm3/m)

**Memory Up-conversion:**  $S_{f32}$        $Zmm_i \leftarrow Zmm_j$ , OP Opérandes mémoire

$S_2S_1S_0$	Function:	Usage	disp8*N
000	no conversion	[rax] {16to16} or [rax]	64
001	broadcast 1 element (x16)	[rax] {1to16}	4
010	broadcast 4 elements (x4)	[rax] {4to16}	16
011	float16 to float32	[rax] {float16}	32
100	uint8 to float32	[rax] {uint8}	16
110	uint16 to float32	[rax] {uint16}	32
111	sint16 to float32	[rax] {sint16}	32