

## TD 2 Performance

### 2.1 Modèle d’Amdhal

1. La fraction séquentielle d’une application représente 4% du temps d’exécution à 1 processeur. Calculer l’accélération et l’efficacité à  $2^n$  processeurs ( $2 \leq n \leq 7$ ). Quelle est la borne supérieure de l’accélération ?
2. La mesure des accélérations des programmes A et B fournit les résultats suivants.

Procs	2	3	4	4	6	7	8
A	1,90	2,73	3,47	4,16	4,8	5,38	5,93
B	1,94	2,72	3,34	3,82	4,20	4,49	4,72

Calculer la fraction séquentielle pour chacune des exécutions. Comment peut-on décrire le comportement parallèle des deux programmes ?

### 2.2 Débit asymptotique et demi-performance

1. Un algorithme est composé d’un calcul scalaire et d’un calcul vectoriel sur un vecteur de taille  $N$ . Sur 1 processeur, le temps du calcul scalaire est  $s$  et le temps du calcul vectoriel est  $dN$ , où  $N$  est la taille du vecteur. On parallélise cet algorithme en répliquant le calcul scalaire et en distribuant le calcul vectoriel.  
Calculer le débit asymptotique, la demi-performance et l’accélération de l’algorithme sur une machine à  $p$  processeurs.
2. Un deuxième algorithme est composé d’une réduction et d’un calcul vectoriel. Sur 1 processeur, le temps de la réduction est  $aN$  et le temps du calcul vectoriel est  $dN$ . Mêmes questions.

### 2.3 Iso-efficacité

1. On considère la réduction d’un vecteur de taille  $n$  sur  $p$  processeurs (on suppose toujours  $n$  multiple de  $p$ ). Définir la fonction d’iso-efficacité. Calculer les valeurs de  $n$  nécessaires pour atteindre une efficacité de 0,9 sur 2, 32, 512 et 1024 processeurs.
2. La relation d’iso-efficacité sur un système est notée  $n > f(p)$ ; la mémoire nécessaire pour un problème de taille  $n$  est notée  $M(n)$ . Etablir la hiérarchie d’extensibilité pour les problèmes suivants :

$f(p)$	$Cp$	$Cp$	$Cp \log p$	$C\sqrt{p}$	$C\sqrt{p} \log p$
$M(n)$	$n$	$n^2$	$n^2$	$n^2$	$n^2$

## 2.4 Extensibilité

On considère deux modèles de performances, qui évaluent l'interaction entre taille du problème, temps d'exécution et parallélisme.

- Mémoire constante (MC) : l'encombrement mémoire par processeur est fixée.  $R_{MC}$  est le rapport entre le temps d'exécution du problème traité sur  $p$  processeurs et le temps d'exécution du problème **initial** sur 1 processeur.

- Temps de réponse constant (TC) : le temps d'exécution est fixe.  $R_{TC}$  est le rapport entre l'encombrement mémoire total du problème traité sur  $p$  processeurs et l'encombrement mémoire du problème **initial** sur 1 processeur.

### Produit de matrices

Un algorithme séquentiel de paramètre caractéristique  $n$  effectue  $n^3$  calculs sur  $n^2$  données (exemple produit de matrices). On suppose l'algorithme parfaitement parallélisable.

1. Sur 1 processeur, on peut traiter un problème de paramètre 8 en temps 1. Quel problème peut-on traiter sur 4 processeurs en MC ? Quel est le temps d'exécution parallèle ? Quel problème peut-on traiter sur 4 processeurs en TC ? Quel est l'encombrement mémoire total ? parallèle ?
2. Calculer le paramètre caractéristique de l'algorithme parallélisé sur une machine à  $p$  processeurs (noté  $n(p)$ ) dans le modèle MC et dans le modèle TC.
3. Calculer  $R_{MC}$  et  $R_{TC}$ .

### Tree-codes

La complexité séquentielle de l'algorithme de Barnes-Hut est  $O(\Delta t^{-1} \theta^{-2} N \log N)$ . Lorsque cet algorithme est appliqué à la simulation de l'évolution des galaxies, il présente trois facteurs d'erreurs : la résolution spatiale contribue pour  $1/\sqrt{N}$  ; la résolution temporelle contribue pour  $\Delta t^2$  et l'approximation pour  $\theta^2$ . On suppose les erreurs indépendantes, *i.e.*

$$E = a \frac{1}{\sqrt{N}} + b \Delta t^2 + c \theta^2.$$

1. On multiplie  $N$  par  $k$ . Par quel facteur faut-il multiplier les autres paramètres pour obtenir une évolution cohérente de l'erreur ? Calculer alors la nouvelle complexité séquentielle.
2. On suppose l'application complètement parallélisable. Comparer la résolution spatiale obtenue par un scaling naïf (on ne tient pas compte de l'influence de  $\Delta t$  et  $\theta$  sur l'erreur) et par un scaling cohérent, dans le modèle TC.
3. En imposant un temps de réponse constant égal à celui de la configuration 1M, 1 processeur, comparer le nombre de processeurs nécessaires pour multiplier la résolution spatiale par 16 en scaling naïf et en scaling cohérent.