

# Test Structurel Aléatoire et Détection de Chemins Infaisables

Romain Aïssat, Marie-Claude Gaudel, Frédéric Voisin

TestClub, 29/03/2018

## Test structurel :

- basé sur la notion de “critère de couverture” d’éléments structurels du programme
- en pratique : utilisé souvent pour valider ou compléter un jeu de test existant
- ici, utilisé pour de la génération de jeux de tests

## Génération des jeux de test :

- ① sélection d’un ensemble de chemins,
- ② génération des valeurs de test **à partir des chemins faisables**.

## Existence des chemins infaisables : impact négatif sur

- test structurel : chemins infaisables inutilisables,
- toute technique basée sur le CFG : analyse statique, optimisation de code, model checking, ...

**Objectif** : échantillon de  $n$  chemins parmi les  $N_l$  de longueur maximale  $l$ .

**Sélection aléatoire des chemins** : selon une **distribution totale et uniforme** sur les chemins de longueur maximale  $l$ , par **marches aléatoires uniformes** (Denise et al., *Coverage-biased random exploration of large models and application to testing*, 2011).

**Avantages des marches aléatoires uniformes** :

- ❶ tous les chemins ont une **même chance non-nulle** d'être tirés,
- ❷ **diversité** des ensembles de chemins,
- ❸ on peut évaluer la "qualité d'un jeu de test" (nombre de tests à effectuer pour s'approcher de la couverture fixée avec une probabilité donnée)

**Défaut majeur** :

- pas de distinction entre faisables et infaisables durant les tirages,
- généralement : rapport faisables/infaisables **très** faible.
- empiriquement : la faisabilité diminue avec la longueur des chemins.

Bibliothèque C++ disponible au-dessus de la librairie Boost

**Disponible** : <http://rukia.lri.fr/en/index.html>

- conçue pour le tirage uniforme de chemins de longueur bornée dans de très grands graphes
- à base de méthodes de comptage : une version “récursive”, une version “dichotomique”
- **efficacité** : chemins longs (plusieurs milliers de transitions) dans des graphes à plus de  $10^9$  sommets (Oudinet, *Approches combinatoires pour le test statistique à grande échelle*, 2010).
- méthode “détournée” pour permettre la couverture d’autres éléments structurels : arcs, sommets
- *possibilité d’intervenir sur la table de comptage (élimination de préfixes infaisables)*

**Objectif** : diminuer l'impact des infaisables dans le contexte du test structurel aléatoire.

## Détection de chemins infaisables :

- **indécidable** : impossible de calculer l'ens. des faisables,
- → utilisation d'heuristiques.

## Approches naïves :

- ① prise en compte des infaisables *a posteriori* : inefficace (Gouraud, *Utilisation des structures combinatoires pour le test statistique*, 2004),
- ② arbre des chemins faisables : impossible en pratique lorsqu'on considère des chemins longs.

## Solution proposée :

- en amont de la phase de sélection,
- **éliminer** des chemins infaisables du CFG, par "dépliage" borné du CFG
- **transformation** du CFG initial :
  - plus grand, plus détaillé,
  - contenant moins de chemins infaisables.
- tirages dans le nouveau CFG.

**Contrainte** : conserver **tous** les chemins faisables, quelle que soit leur longueur

**Algorithme de transformation de graphes (Aïssat)** : basé sur 5 mécanismes

- ➊ exécution symbolique de tous les chemins,
- ➋ résolution de contraintes (*Solveurs SMT*)
- ➌ détection de subsomptions (*restreinte actuellement aux entrées de boucles*)
- ➍ abstraction (+ renforcements pour les contrôler),
- ➎ raffinement par contre-exemple.

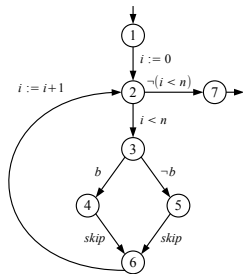
**Entrées** : CFG + pré-condition de départ

**Sortie** : nouveau CFG.

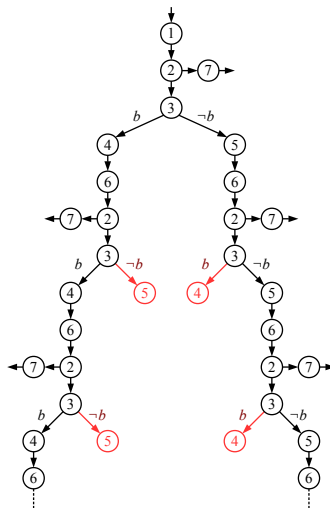
**Inspirations** :

- **exécution symbolique + boucles non-bornées** :
  - Jaffar et al., *Unbounded symbolic execution for program verification*, 2012,
  - McMillan, *Lazy annotation for program testing and verification*, 2010.
- **systèmes à la CEGAR** : “abstract-check-refine”
  - Henzinger et al., *Lazy Abstraction*, 2002,
  - Clarke et al., *SATABS : SAT-Based predicate abstraction for ANSI-C*, 2005,
  - Ivancic et al., *F-Soft : Software verification platform*, 2005,
  - Beyer et al., *The software model checker Blast*, 2007,
  - Grebenshchikov et al., *Synthesizing software verifiers from proof rules*, 2012.

# Exécution symbolique et boucles non-bornées

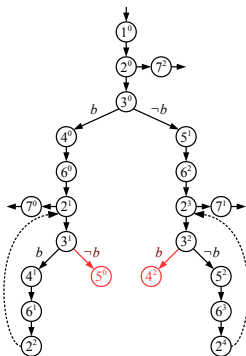


CFG de `foo`  
(`b` ne change pas dans la boucle).

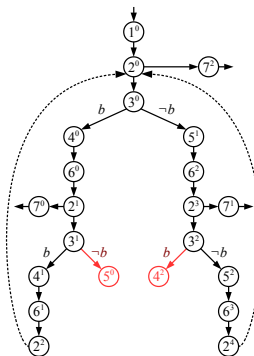


Arbre d'exécution symbolique infini de `foo`.

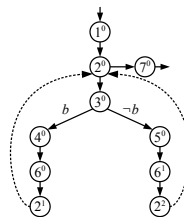
## Subsumption : ça ne vient pas spontanément



Graphe d'exécution symbolique idéal.  
Ne contient plus d'infaisables



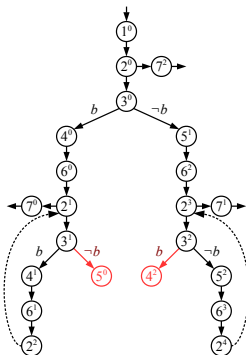
Liens de subsumption «imprécis».  
Contient encore des infaisables.



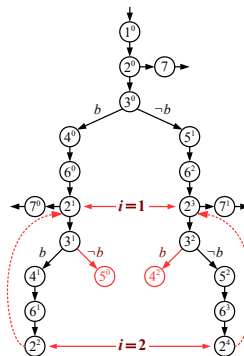
Liens de subsumption triviaux.  
Equivalent au graphe initial.



## Subsumption : ça ne vient pas spontanément



Graphe d'exécution symbolique idéal.



Pas de subsumptions « naturelles »  
(il faut abstraire  $i$ ).

## Définition (Abstraction)

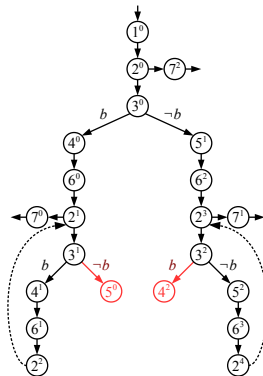
Soient  $c$  et  $c_a$  deux configurations.  $c_a$  est une abstraction de  $c$  si  $c \sqsubseteq c_a$ .

## Calcul des abstractions :

- affaiblissement de l'influence du prédicat de chemin,
- **synthèse d'invariants** (« locaux » et faibles),
- plusieurs méthodes/résultats
- « meilleure » abstraction : impossible en pratique,
- perte d'informations, donc de **pouvoir de détection de chemins infaisables**.

## Contrôle des abstractions :

- raffinement par contre-exemples,
- contre-exemples : infaisables rendus faisables par abstraction,
- calcul de conditions limitantes,
- **peut empêcher la terminaison** : dépliage infini.



Graphe d'exécution symbolique idéal.

## Définition (Abstraction)

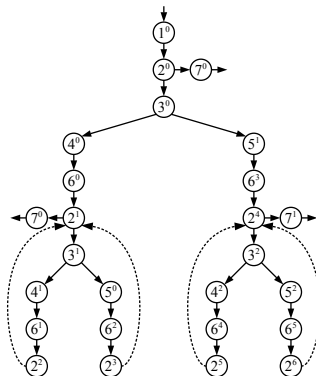
Soient  $c$  et  $c_a$  deux configurations.  $c_a$  est une abstraction de  $c$  si  $c \sqsubseteq c_a$ .

## Calcul des abstractions :

- affaiblissement de l'influence du prédicat de chemin,
- **synthèse d'invariants** (« locaux » et faibles),
- plusieurs méthodes/résultats
- « meilleure » abstraction : impossible en pratique,
- perte d'informations, donc de **pouvoir de détection de chemins infaisables**.

## Contrôle des abstractions :

- raffinement par contre-exemples,
- contre-exemples : infaisables rendus faisables par abstraction,
- calcul de conditions limitantes,
- **peut empêcher la terminaison** : dépliage infini.



- difficulté de formuler les théorèmes voulus,
- complexité/niveau de détails de la preuve.

### Objectifs :

- **monotonie de l'exécution symbolique** : «inutile de construire les desc. d'un subsumé»,
- **correction de l'approche** : «chemins du nouveau CFG réalisent les mêmes calculs»,
- **préservation des faisables** : «aucun comportement perdu».

**Des idées de la preuve se retrouvent dans le prototype**

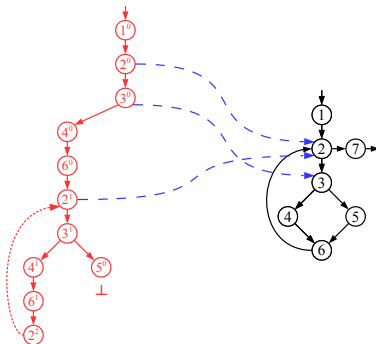
**Il reste du travail à faire dans la formalisation si on veut étendre le langage d'entrée**

## Graphes rouges-noirs :

- **partie noire** : CFG d'entrée,
- **partie rouge** : copie par dépliage partiel de la partie noire décoré par des :
  - configurations,
  - liens de subsumptions,
  - marques d'infaisabilité,
  - conditions limitantes,
- structure **spécifique à nos travaux**.

## 5 opérations élémentaires :

- 1 ajout d'une arête rouge,
- 2 marquage d'un sommet rouge infaisable,
- 3 ajout d'un lien subsumption,
- 4 abstraction,
- 5 renforcement par condition limitante.

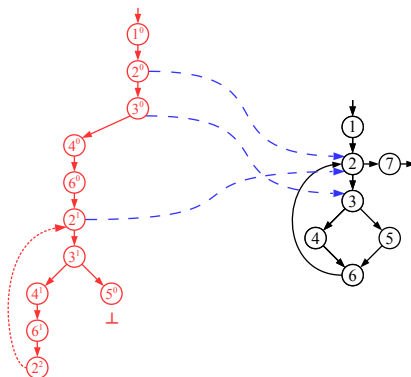


Un graphe rouge-noir.

**Heuristiques non modélisées** : formalisation valable pour toute une famille d'algorithmes.

**Applications :**

- ❶ Quid si plus de connexion entre parties rouge et noire ?
- ❷ De même, si on tire des chemins uniquement dans la partie rouge ?
- ❸ Mais rien n'empêche de tirer des chemins de longueur arbitraire : aucun chemin faisable du CFG de départ n'a été perdu.
- ❹ : à voir lien avec la "qualité de test" calculée ?



Un graphe rouge-noir.

### Théorème (Correction)

*Les chemins rouges-noirs d'un graphe rouge-noir  $rb$  sont des chemins noirs de  $rb$ .*

### Théorème (Préservation des chemins faisables)

*Les chemins noirs faisables depuis la configuration initiale d'un graphe rouge-noir  $rb$  sont des chemins rouge-noirs de  $rb$ .*

### Théorème (Relation entre sommets de la partie rouge)

*Soit  $p$  un chemin rouge d'un graphe rouge-noir  $rb$ . La configuration en queue de  $p$  **subsume** la configuration obtenue par exécution symbolique de la trace de  $p$  depuis la configuration à la racine de  $rb$ .*

## **Implémentation :**

- sous forme d'un prototype (Ocaml, 3k loc),
- résolution de contraintes : solveur SMT (Z3).

**Basée sur la formalisation** : graphe rouge-noir + 5 opérations élémentaires.

## **Mais plusieurs choix à faire (heuristiques) :**

- ordonnancement des 5 opérations élémentaires,
- sélection des liens de subsomption,
- calcul des abstractions,
- sélection des contre-exemples,
- calcul des conditions limitantes.

**Publication** : *Software Quality, Reliability and Security 16*.

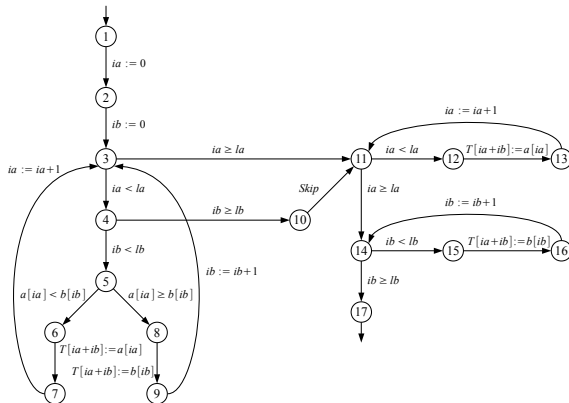


# Fusion de tableaux triés

**Version limité des tableaux** : sans chevauchement avec d'autres variables.

**En pratique** : version légèrement simplifiée du programme

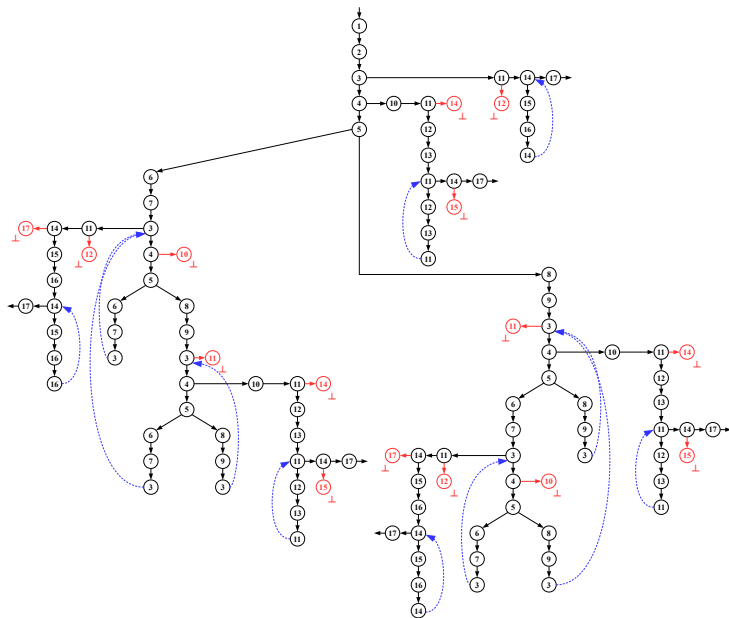
```
Fonction fusion(int[] a, int[] b, int la, int lb, int[] T')
1  ia = 0;
2  ib = 0;
3  tant que ia < la faire
4    si ib < lb alors
5      si a[ia] < b[ib] alors
6        T[ia + ib] ← a[ia];
7        ia ← ia + 1;
8      sinon
9        T[ia + ib] ← b[ib];
10       ib ← ib + 1;
11     sinon
12       break;
13   tant que ia < la faire
14     T[ia + ib] ← a[ia];
15     ia ← ia + 1;
16   tant que ib < lb faire
17     T[ia + ib] ← b[ib];
18     ib ← ib + 1;
```



Programme fusion.

Graphe de flot de contrôle de fusion.

# Fusion de tableaux triés : son graphe rouge-noir final



Grappe  $\mathcal{G}'$  pour  $\alpha = 1$  et  $k = 2$ . Ne contient plus de chemins infaisables.

# Fusion de tableaux triés : son graphe rouge-noir final

## Paramètres :

- $a$  : méthode d'abstraction (1 : suppr. de contraintes, 2 : màj de variables),
- $r$  : raffinements (✓ : activés),
- $k$  : comparaison des  $k$ -faisables.

## Colonnes

- $|S|$  : nombre de sommets,
- $|A|$  : nombre de transitions,
- $t$  : temps de construction de  $\mathcal{G}'$  en secondes,
- $l$  : longueur des chemins,
- $C$  : nombre de chemins,
- $CF$  : nombre de chemins faisables.

|                | $a$ | $r$ | $k$ | $ S $ | $ A $  | $t$   | $l \leq 30$ |      | $l \leq 50$ |      | $l \leq 100$ |           |
|----------------|-----|-----|-----|-------|--------|-------|-------------|------|-------------|------|--------------|-----------|
|                |     |     |     |       |        |       | $C$         | $CF$ | $C$         | $CF$ | $C$          | $CF$      |
| $\mathcal{G}$  |     |     |     | 17    | 21     |       | 593         | 82   | 11 728      | 1351 | 12 389 030   | 1 385 616 |
| $\mathcal{G}'$ | 1   | ✓   | 0   | 23    | 26     | 3     | 210         |      | 3 694       |      | 3 819 743    |           |
|                | 2   | ✓   |     |       |        | 2.9   |             |      |             |      |              |           |
|                | 1   | ✓   | 2   | 85    | 96     | 15.7  | 82          |      | 1351        |      | 1 385 616    |           |
|                | 2   | ✓   |     | 170   | 178/19 | 117.7 | 82          |      | 2 728       |      | 11 593 094   |           |
|                | 2   |     |     | 127   | 144    | 9.3   | 131         |      | 2 031       |      | 1 980 403    |           |

# Tri à bulles : chemins faisables vs infaisables

**Tri à bulles** : deux boucles imbriquées.

**Propriété des chemins faisables** : même nombre d'itérations de la boucle interne à chaque passage dans la boucle externe.

**Conséquence** : l'ensemble des chemins faisables pour le tri à bulles ne forme pas un langage rationnel.

**Cas favorable** : réduction du nombre de chemins par un facteur 8, 22, 270, pour  $l = 30, 50$  et  $100$ .

**Lookahead** : lié à la taille du corps de boucle.

|                | $a$ | $r$ | $k$ | $ S $ | $ A $  | $t$   | $l = 30$ |      | $l = 50$ |      | $l = 100$            |
|----------------|-----|-----|-----|-------|--------|-------|----------|------|----------|------|----------------------|
|                |     |     |     |       |        |       | $C$      | $CF$ | $C$      | $CF$ | $C$                  |
| $\mathcal{G}$  |     |     |     | 12    | 14     |       | 494      | 13   | 76 625   | 82   | $2.4 \times 10^{10}$ |
| $\mathcal{G}'$ | 1   | ✓   | 0   | 16    | 18     | 2.7   | 493      |      | 76 624   |      | $2.4 \times 10^{10}$ |
|                | 2   | ✓   |     |       |        | 3.7   |          |      |          |      |                      |
|                | 1   | ✓   | 2   | 40    | 48     | 7.2   | 337      |      | 52 171   |      | $1.7 \times 10^{10}$ |
|                | 2   | ✓   |     | 22    | 25     | 6.7   | 60       |      | 3 530    |      | $1 \times 10^8$      |
|                | 1   | ✓   | 8   | 73    | 84     | 48    | 121      |      | 9 569    |      | $6 \times 10^8$      |
|                | 2   | ✓   | 4   | 180   | 193/13 | 116.6 | 26       |      | 3 316    |      | $9.2 \times 10^8$    |
|                |     |     |     | 35    | 39     | 7     | 60       |      | 3 530    |      | $1 \times 10^8$      |
|                |     |     | 8   | 76    | 85     | 23.9  | 60       |      | 3 408    |      | $8.8 \times 10^7$    |

**Substring** : deux boucles imbriquées.

**Langage des chemins faisables** : non-rationnel.

**Cas favorable** : réduction du nombre de chemins par un facteur 14, 90, 7000, pour  $l = 30, 50$  et  $100$ .

|                | $a$ | $r$ | $k$ | $ S $ | $ A $ | $t$   | $l \leq 30$ |      | $l \leq 50$ |      | $l \leq 100$       |
|----------------|-----|-----|-----|-------|-------|-------|-------------|------|-------------|------|--------------------|
|                |     |     |     |       |       |       | $C$         | $CF$ | $C$         | $CF$ | $C$                |
| $\mathcal{G}$  |     |     |     | 12    | 15    |       | 789         | 57   | 85 598      | 854  | $1 \times 10^{10}$ |
| $\mathcal{G}'$ | 1   | ✓   | 0   | 14    | 15    | 1.1   | 88          |      | 1 660       |      | 2 612 181          |
|                | 2   | ✓   |     |       |       | 1.1   |             |      |             |      |                    |
|                | 1   | ✓   | 11  | 42    | 46    | 16.5  | 80          |      | 1 520       |      | 2 398 239          |
|                | 2   | ✓   |     | 92    | 102   | 63.3  | 61          |      | 1 125       |      | 1 765 110          |
|                | 1   | ✓   | 14  | 118   | 130   | 153.7 | 71          |      | 1 342       |      | 2 123 382          |
|                | 2   | ✓   |     | 234   | 262   | 317.4 | 57          |      | 949         |      | 1 468 171          |

### Recherche d'heuristiques plus fines

- définitions alternatives pour la subsomption,
- méthodes d'abstraction,
- calcul des conditions limitantes,
- apprentissage à partir des conditions limitantes.

### Extension du langage d'entrée : formalisation en Isabelle et implémentation

- utilisation d'un modèle mémoire pour traiter les pointeurs,
- appels de fonctions.

### Analyse de flot de données/interprétation abstraite : à investiguer.

### Découverte d'invariants locaux : à investiguer.

### Extension au test d'intégration : à investiguer ("qualité de test" globale en fonction de celle des composants")

- validation expérimentale sur d'autres exemples
- meilleure prédictibilité du paramétrage des heuristiques
- consolidation et optimisation
- élimination au vol d'infaisables dans la table de comptage de Rukia
- intégration à Frama-C (faciliter les expérimentations / utiliser les outils d'analyse statique / modèles mémoire disponibles)
- extensions au langage d'entrée actuel

- Suite de tests “SIEMENS” : ensemble de programmes avec leurs tests dont deux semblent plus intéressants pour nous
  - *tcas* : programme sans boucle, nombreux opérateurs logiques “paresseux”
  - *replace* : expressions régulières. Pas encore traitable (appels récurifs, pointeurs et paramètres passés par référence)
- Validation du tirage aléatoire uniforme dans Rukia
- Exemples tirés de PathCrawler (CEA, approche de type “concolic”)
- Autres benchmarks : à discuter.
  - Beaucoup d'exemples intéressants ne sont pas encore traitables.
  - La “confusion” en C entre tableaux et pointeurs ne facilite pas non plus les choses
  - Tous les exemples ne sont pas forcément intéressants pour notre approche :  
Partie algorithmique très simple : peu de chemins infaisables  
Découpage en de nombreuses petites fonctions : peu de test unitaire.



- La documentation indique au moins un chemin infaisable
- Pas de boucle, la plupart des fonctions se résument à une expression. Une partie initialisation (arguments passés au programme) puis appel à la “fonction d’intérêt”
- Nombreux opérateurs logiques paresseux dans les fonctions : combinatoire intéressante
- Les fonctions ont été “in-lignées” dans la fonction d’intérêt
- le programme est traité par le pré-processeur de Frama-C puis traduit (à la main) dans le langage d’entrée du prototype

## Résultats :

- Traité par évaluation symbolique pure : pas de subsomption ou abstraction
- **Avec un dépliage optimal** ( $l = 47$ , longueur maximale d’un chemin)
  - graphe entièrement “rouge” (1675 arcs, 1527 sommets). Plus aucun chemin infaisable
  - 123 chemins faisables sur un total de 179720 ( $l = 47$ ) ou 181512 ( $l = 50$ ) dans le graphe initial
  - tirage uniforme de 60 chemins ( $l = 50$ ) dans le graphe initial : 0 ou 1 chemin faisable
- **Avec un dépliage non optimal** :  $l = 40$  et tirage de chemins de longueur 50 :
  - la partie noire ne disparaît pas ; 386 chemins dont 123 faisables
  - 3 tirage de 60 chemins dans le graphe rouge-noir : 38, 42, 38 infaisables.

- Extrait de la galerie “PathCrawler on line”
- Recherche dichotomique dans laquelle on ne s’arrête pas dès qu’on a trouvé l’élément
- Nombreux chemins infaisables
- Tableau avec une dimension fixée à 10 dans la librairie
- pas forcément utilisé avec la précondition que le tableau est trié !  
Les expériences ici sont faites sans la précondition.
- L’ajout de préconditions diminue le nombre de chemins faisables (PathCrawler : de 82 dont 23 faisables à 76 dont 20 faisables).
- un chemin partiel de PathCrawler peut correspondre à plusieurs chemins chez nous (en cas de préfixe infaisable)

### Résultats :

- Avec un dépliage optimal ( $l = 27$ )
  - déplié automatiquement en un arbre d’exécution symbolique
  - Graphe purement “rouge” (23 chemins, 287 sommets, 202 arcs)
  - 159 chemins dans le graphe initial (PathCrawler : 59 préfixes infaisables)
  - graphe initial : sur 23 chemins tirés, entre 19 et 20 infaisables

## L'exemple "binary search" non borné

- le même que précédemment mais sans fixer la dimension du tableau
- On remplace la valeur de la borne par l'assertion  $low < high$
- Testé avec un dépliage de 30

### Résultats :

- la partie noire ne disparaît pas entièrement
- pas (actuellement) possible de conserver l'information que si *found* passe à *true*, sa valeur ne changera plus.
  - on tire des chemins de longueur 30 :  
Graphe rouge-noir : 1026 arcs, 800 sommets, 53 chemins de longueur 30, tous faisables  
Graphe initial : 271 chemins de longueur 30, 83 infaisables sur 100 tirés.
  - on tire des chemins de longueur 50 :  
Graphe rouge-noir : 1026 arcs, 800 sommets, 8148 chemins de longueur 50, 66 infaisables sur 100 tirés.  
Graphe initial : 21247 chemins de longueur 50, 83 infaisables sur 100 tirés.