

## Examen

Durée 2h00, tiers temps additionnel 40 minutes

**Consignes** l'examen dure 2h00 et est sur 20 points. Aucun document n'est autorisé. Un aide mémoire OCaml est disponible à la page 2. Le barème est indicatif et proportionnel à la difficulté des exercices.

**Conditions spéciales d'examen** en raison de la situation sanitaire et des règles en vigueur :

- le port du masque en salle d'examen comme sur le reste du campus est obligatoire
- ne pas anonymiser vos copies
- il est interdit d'échanger du matériel entre étudiants
- signer une fois la feuille d'émargement avec votre stylo personnel, lors du passage du surveillant
- déposez votre carte d'étudiant ou pièce d'identité sur la table, de façon à ce qu'elle puisse être lue par le surveillant
- votre copie est ramassée à votre place par les surveillant.
- une fois la copie rendue, merci de quitter la salle sans provoquer d'attroupement et dans le respect de la distanciation

Le non respect de ces règles peut entraîner l'exclusion **immédiate** de la salle d'examen.

## Aide-mémoire OCaml

Cet aide mémoire rappelle les types de bases en OCaml ainsi que les fonctions utilitaires associées ainsi que leurs types. Attention, toutes ces fonctions ne sont pas forcément utiles pour les exercices. Dans la suite, lorsqu'une fonction est marquée comme « opérateur binaire » (par exemple `+`) cela signifie qu'il faut l'écrire `a op b`. Sinon c'est une fonction qu'il faut appeler avec `op a b`.

### Entiers

Le type `int` représente des entiers signés. Les constantes entières s'écrivent simplement `0`, `42`, `-233`. Les opérations et fonctions sur les entiers sont :

`+` : `int -> int -> int` addition entre deux entiers (opérateur binaire).  
`-` : `int -> int -> int` soustraction entre deux entiers (opérateur binaire).  
`*` : `int -> int -> int` multiplication entre deux entiers (opérateur binaire).  
`/` : `int -> int -> int` division **entière** entre deux entiers (opérateur binaire).  
`mod` : `int -> int -> int` reste dans la division entière (opérateur binaire).  
`int_of_string` : `string -> int` conversion d'une chaîne en entier. Lève une exception si la chaîne n'est pas au bon format.  
`int_of_float` : `float -> int` conversion d'un flottant en entier (la partie décimale est tronquée).

### Flottants

Le type `float` représente des nombre flottants. Les constantes flottantes s'écrivent en notation scientifique `0.5`, `42e3`, `-233.8e-20`. Les opérations et fonctions sur les flottants sont :

`+. :` `float -> float -> float` addition entre deux flottants (opérateur binaire).  
`-. :` `float -> float -> float` soustraction entre deux flottants (opérateur binaire).  
`*. :` `float -> float -> float` multiplication entre deux flottants (opérateur binaire).  
`/. :` `float -> float -> float` division entre deux flottants (opérateur binaire).  
`** :` `float -> float -> float` puissance entre deux flottants (opérateur binaire).  
`float_of_string` : `string -> float` conversion d'une chaîne en flottant. Lève une exception si la chaîne n'est pas au bon format.  
`float :` `int -> float` conversion d'un flottant en entier (la partie décimale est tronquée).  
`sqrt` : `float -> float` racine carrée d'un flottant.

### Booléens

Le type `bool` représente des booléens. Les constantes booléennes sont `true` et `false`. Les opérations et fonctions sur les booléens sont :

`&&` : `bool -> bool -> bool` « et » logique entre deux booléens (opérateur binaire).  
`||` : `bool -> bool -> bool` « ou » logique entre deux booléens (opérateur binaire).  
`not` : `bool -> bool` négation d'un booléen.

### Chaînes de caractères

Le type `string` représente des chaînes de caractères. Les chaînes de caractères constantes sont délimitées par des guillemets : `"Hello, world !"`. De façon usuelle, la séquence d'échappement `\n` représente un retour à la ligne. Les opérations et fonctions sur les chaînes sont :

`^` : `string -> string -> string` concaténation entre deux chaînes (opérateur binaire).  
`String.length` : `string -> int` longueur d'une chaîne.  
`String.trim` : `string -> string` renvoie une copie de la chaîne où les blancs (espaces, tabulations, retours à la ligne) en début et en fin de chaîne ont été supprimés.

## Affichage

La fonction `Printf.printf fmt arg1 arg2 ... argn`, permet d'afficher `n` arguments en utilisant la chaîne de format `fmt`. Cette dernière est une chaîne de caractères contenant des séquences spéciales :

`%d` Affichage d'un entier.

`%s` Affichage d'une chaîne.

`%f` Affichage d'un flottant.

Exemple : `Printf.printf "Salut, mon nom est %s et j'ai %d ans""Toto"42` affiche :

Salut, mon nom est Toto et j'ai 42 ans

## Comparaisons

En OCaml les opérations de comparaison permettent de comparer n'importe quelles valeurs du même type :

`<`, `<=`, `>`, `>=`, `=`, `<>` : `'a -> 'a -> bool` comparaisons entre deux valeurs (respectivement, inférieur, inférieur ou égal, supérieur, supérieur ou égal, égal et différent), (opérateur binaire).

`compare` : `'a -> 'a -> int` comparaison générique : `compare x y` renvoie un entier négatif si `x < y`, nul si `x = y` et positif si `x > y`.

`min` : `'a -> 'a -> 'a` renvoie la plus petite de deux valeurs du même type.

`max` : `'a -> 'a -> 'a` renvoie la plus grande de deux valeurs du même type.

## n-uplets

Les `n`-uplets ou produits sont délimités par des parenthèses et des virgules. Dans le cas particulier des paires, deux fonctions `fst` et `snd` permettent d'accéder à la première et seconde composante. Dans les autres cas, on peut utiliser un `let` multiple :

```
1 let p1 = (10, 12);;
2 let p2 = (-1, false);;
3 let t3 = ("A", "B", 24);;
4
5 let x = fst p1;; (* 10 *)
6 let y = snd p2;; (* false *)
7 let a, b, n = t3;; (* a vaut "A", b vaut "B" et n vaut 24 *)
```

## Définitions de types

La directive `type t = ...` permet de définir un type OCaml nommé `t`. Ce type peut être :

Un **produit nommé** est défini par une expression de type donnant pour chaque étiquette le type des valeurs associées :

```
1 type point_couleur = { x : float; y : float; couleur : string }
```

On peut créer des valeurs de ces types avec des accolades et accéder aux champs avec la notation `.f` :

```
1 let prouge = { x = 0.5; y = 10.3; couleur = "rouge" } ;;
2
3 (* Fonction pour afficher un point coloré *)
4 let pr_point p = Printf.printf "<x = %f, y = %f, couleur = %s>"
5     p.x p.y p.couleur;;
```

Un **type somme** est défini par une expression de type donnant la liste de cas possibles :

```
1 type val_carte = Roi | Dame | Valet | Val of int
```

On peut créer des valeurs de ces types en utilisant les constantes ou en leur donnant un argument. On peut tester les valeurs en utilisant l'opérateur de filtrage :

```

1  let dix = Val 10;;
2  let as = Val 1;;
3
4  (* Fonction pour afficher une valeur de carte *)
5  let pr_val v = match v with
6      Roi -> Printf.printf "%s" "Roi"
7      | Dame -> Printf.printf "%s" "Dame"
8      | Valet -> Printf.printf "%s" "Valet"
9      | Val (1) -> Printf.printf "%s" "As"
10     | Val (n) -> Printf.printf "%d" n;;

```

## Exceptions

En OCaml, les exceptions sont des objets particuliers permettant de signaler une erreur. On peut définir une exception avec la directive **exception E of ...** :

```

1  exception MonErreur of string (* un message *)

```

On peut « lever » une exception, c'est à dire signaler une erreur au moyen de la fonction prédéfinie **raise** :

```

1  let err_arg_invalide () = raise (MonErreur "argument invalide");;

```

Une exception non rattrapée interrompt immédiatement le programme. On peut rattraper une exception avec la construction **try with** :

```

1  try
2      18 + (f 42) (* f peut lever une exception *)
3  with
4      Not_found -> (* si l'exception Not_found est levée par f *)
5                  10
6      | MonErreur msg ->
7                  12

```

Si on veut signaler une erreur avec un message, la fonction prédéfinie **failwith** permet de lever une exception avec ce message en argument.

```

1  if x < 0.0 then
2      failwith "valeur négative interdite"
3  else
4      sqrt x;;

```

## Listes

Le type OCaml des listes est **'a list** et permet de représenter une collection ordonnée de valeurs du type **'a**. Les listes constantes sont délimitées par des crochets et des points-virgules : **[1; 2; 3; 10; 42; -5]**. La liste vide est représentée par **[]**. Les opérations et fonctions sur les listes sont :

**::** : **'a -> 'a list -> 'a list** ajout en tête de liste : **1 :: l** (opérateur binaire).

**@** : **'a list -> 'a list -> 'a list** concaténation de deux listes.

**List.iter** : **('a -> unit) -> 'a list -> unit** **List.iter f l** applique **f** à tous les éléments de **l**. La fonction **f** ne renvoie pas de résultat (par exemple elle fait un affichage).

**List.map** : **('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list** **List.map f l** applique **f** à tous les éléments de **l** et renvoie la liste des images par **f**.

`List.fold_left`: (`'a -> 'b -> 'a`) -> `'a -> 'b list -> 'a` `List.fold_left f init l` applique la fonction de combinaison `f` à `init` et tous les éléments de `l` dans l'ordre. Si `l = [ v1; v2; ... ; vn]`, alors `List.fold_left f init l = (f ... (f (init v1) v2) ... vn)`

`List.filter` : (`'a -> bool`) -> `'a list -> 'a list` `List.filter f l` renvoie la liste de tous les éléments de `l` pour lesquels `f` renvoie `true`.

`List.assoc` : `'a -> ('a * 'b) list -> 'b` `List.assoc a l` renvoie la seconde composante de la première paire dans `l` qui possède `a` comme première composante. La fonction lève l'exception `Not_found` si une telle paire n'existe pas.

`List.sort` : (`'a -> 'a -> int`) -> `'a list -> 'a list` `List.sort f l` renvoie une copie triée de `l` selon la fonction de comparaison `f`. Cette dernière suit les mêmes conventions que la fonction prédéfinie `compare`.

Enfin, on peut inspecter les listes au moyen de l'opérateur de filtrage :

```
1      (* teste si une liste est de longueur paire *)
2  let rec liste_long_paire l =
3      match l with
4      []   -> true (* la liste vide est de longueur 0, pair *)
5      | [ _ ] -> false (* la liste a un élément est de longueur 1, impair *)
6      | _ :: _ :: ll -> liste_long_paire ll (* cas récursif *)
7  ;;
```