

Règles du calcul des séquents : système G

Dans le système G, un séquent est de la forme $\Gamma \vdash \Delta$ avec Γ et Δ sont des *ensembles* de formules.

Le séquent $A_1, \dots, A_n \vdash B_1, \dots, B_p$ est *valide* si

— la formule $(A_1 \wedge \dots \wedge A_n) \Rightarrow (B_1 \vee \dots \vee B_p)$ est valide,
 ou, de manière équivalente si :

— pour toute interprétation I , telle que $\forall i, 1 \leq i \leq n, \text{val}(I, A_i) = V$, il existe k tel que $1 \leq k \leq p$ et $\text{val}(I, B_k) = V$.

hypothèse	(HYP) $\frac{}{A, \Gamma \vdash \Delta, A}$	
	gauche	droite
\perp	$\frac{}{\perp, \Gamma \vdash \Delta}$	$\frac{\Gamma \vdash \Delta}{\Gamma \vdash \Delta, \perp}$
\top	$\frac{\Gamma \vdash \Delta}{\top, \Gamma \vdash \Delta}$	$\frac{}{\Gamma \vdash \Delta, \top}$
\neg	$\frac{\Gamma \vdash \Delta, A}{\neg A, \Gamma \vdash \Delta}$	$\frac{A, \Gamma \vdash \Delta}{\Gamma \vdash \Delta, \neg A}$
\wedge	$\frac{A, B, \Gamma \vdash \Delta}{A \wedge B, \Gamma \vdash \Delta}$	$\frac{\Gamma \vdash \Delta, A \quad \Gamma \vdash \Delta, B}{\Gamma \vdash \Delta, A \wedge B}$
\vee	$\frac{A, \Gamma \vdash \Delta \quad B, \Gamma \vdash \Delta}{A \vee B, \Gamma \vdash \Delta}$	$\frac{\Gamma \vdash \Delta, A, B}{\Gamma \vdash \Delta, A \vee B}$
\Rightarrow	$\frac{\Gamma \vdash \Delta, A \quad B, \Gamma \vdash \Delta}{A \Rightarrow B, \Gamma \vdash \Delta}$	$\frac{A, \Gamma \vdash \Delta, B}{\Gamma \vdash \Delta, A \Rightarrow B}$