

# Evolution Artificielle et Programmation génétique

Michèle Sebag, LRI, Orsay

# Plan

- Aspects spécifiques
- Passage à l'échelle
- Problèmes ouverts
- Une application en découverte scientifique
- Connaissances du domaine : couplage GP grammaires
- Dernières avancées : estimation de distribution

# Programmation génétique

J. Koza – 1992

$$\mathcal{F} : \Omega \mapsto \mathbb{R} \quad \text{Trouver } \operatorname{argmax} (\mathcal{F})$$

Le rêve : Le programme qui écrit le programme

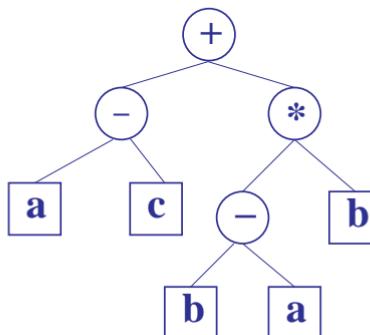
$\Omega$  = espace de programmes

$\mathcal{F}$  = qualité d'un programme

S-expressions :

$\mathcal{T} = \{ \text{Vars, Cstes} \}$

$\mathcal{N} = \{ \text{opérateurs} \}$



- Classification
- Régression symbolique
- Prédiction séries chaotiques
  
- Stratégies multi-agents (e.g. jeux, ...)
- Robotique
- Génération de plans
  
- Conception de circuits analogiques
- Apprentissage de réseaux neuronaux
- Modélisation mécanique

# Concepts

GP = rejeton de GAs

Traits distinctifs : matériel génétique

structuré (souvent sous forme d'arbre)

de taille variable (bornée)

souvent exécutable

Historique :

Représentation: Langage LISP

Publications: Cramer 85, Koza 89, Koza 92, Koza 94

Remarque : pas d'alternative en optimisation classique

# Espaces d'arbres

Etant donné :

Un ensemble  $\mathcal{N}$  de noeuds (ou opérateurs)

Un ensemble  $\mathcal{T}$  de feuilles (ou opérandes)

$$\Omega = \text{Arbres}(\mathcal{N}, \mathcal{T})$$

Exemples :

- $$\begin{cases} \mathcal{N} = \{+, \times\} \\ \mathcal{T} = \{X, \mathcal{R}\} \\ \Omega = \text{Polynomes de } X. \end{cases}$$
- $$\begin{cases} \mathcal{N} = \{ \text{ if-then-else, while-do, repeat-until,...} \} \\ \mathcal{T} = \{\text{expressions, instructions}\} \\ \Omega = \text{Programmes} \end{cases}$$

# Points-clés

1. **Les terminaux** Variables du problème  
information accessible, constantes
2. **Les noeuds** PLUS  $\neq$  MIEUX !
3. **La fitness** 99.9999% du coût de calcul !
4. **Les génotypes** profondeur des arbres  
initialisation  
opérateurs de variation
5. **Le moteur d'évolution** + application des opérateurs de variation
6. **Critère de succès**

## Initialisation des arbres

- Choisir une profondeur max des arbres.
- Probabilités de sélection dans  $\mathcal{N}$  et  $\mathcal{T}$ .
- Besoin d'opérateurs sécurisés (ex :  $\log(0)$  ?).
- La population initiale doit être suffisamment diverse.

# Initialisation des arbres, 2

Procédure Grow : Lancer CreeArbreGrow( $Prof_{Max}$ )

Procédure (réursive) CreeArbreGrow(profondeur)

Si  $profondeur == 1$

    Retourner un élément  $x$  dans  $\mathcal{T}$

Sinon

    Choisir un élément  $x$  dans  $\mathcal{N} \cup \mathcal{T}$

    Si  $x$  est un noeud ( $//x \in \mathcal{N}$ ), soit  $k$  l'arité de  $x$

        Pour  $i = 1$  à  $k$ ,

$y_i = \text{CreeArbreGrow}(\text{profondeur}-1)$

            retourner  $x(y_1, \dots, y_k)$ .

    Sinon retourner  $x$ .

# Initialisation des arbres, 3

Procédure Full: Lancer CreeArbreFull( $Prof_{Max}$ )

Procédure (réursive) CreeArbreFull(profondeur)

Si  $profondeur == 1$    Retourner un élément  $x$  dans  $\mathcal{T}$

Sinon

    Choisir un élément  $x$  dans  $\mathcal{N}$ , soit  $k$  l'arité de  $x$

    Pour  $i = 1$  à  $k$ ,

$y_i = \text{CreeArbreGrow}(\text{profondeur}-1)$

    retourner  $x(y_1, \dots, y_k)$ .

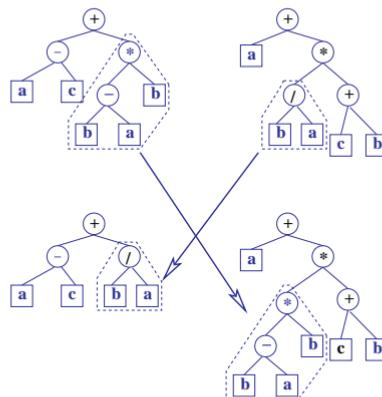
Procédure “Ramped half and half”, pour favoriser la diversité.

- Soit  $N = \frac{P}{Prof_{Max}-1}$
- Pour  $i=2$  à  $Prof_{Max}$
- Créer  $N/2$  arbres via Grow(i) et  $N/2$  via Full(i)

# Croisement

## Principe :

Deux points sont choisis dans les deux parents  
Les sous-arbres sous ces points sont échangés.



## Croisement, 2

### Points délicats

- Vérifier que la longueur max des arbres est respectée.
- Tout croisement est-il possible ?

### Remarque :

1. Opérateur historiquement privilégié de GP.
2. “Le croisement suffit à produire des mutations”...
3. Le croisement tend à produire  
un enfant long et un enfant court.

# Mutation

## Remarque

1. Opérateur historiquement absent de GP ( $\#popu > 2000$ ).
2. Plusieurs types de mutation.

## Mutation traditionnelle

- **Remplacement de sous-arbre** Choisir un point dans le parent  
Remplacer le sous arbre par un arbre aléatoire
- **Remplacement de noeud** Choisir un noeud/feuille dans le parent  
Remplacer ce noeud/feuille par un noeud/feuille de même arité

# Mutation, 2

## Mutation “promotionnelle”

- **Insertion de noeud** Choisir un point dans le parent  
Faire du fils le petit fils
- **Promotion de noeud** Choisir un noeud/feuille dans le parent  
Remplacer le noeud pere par le noeud fils

## Point délicat de la mutation GP :

- Viole le “strong causality principle” : Pas de contrôle fin

# Mutation: Terminaux numériques

## Mutation “numérique”

- Muter toutes les constantes dans l’arbre. très destructeur
- Mise à niveau : tirer  $n$  jeux de constantes, garder le meilleur.  
coupler optim. non paramétrique/paramétrique
- Optimisation de type montée, ou ... évolutinnaire

## Points délicats :

- Mutation structurelles:  
Possibilité de remettre en cause la structure de l’arbre  
⇒ Ajustement des constantes nécessaire
- Très peu de “petites” modifications possibles

# Calcul de la fitness

- Il faut **interpréter** chaque arbre pour l'évaluer pour un jeu de valeurs terminales données
- On peut éventuellement le pré-compiler  
si nombreuses évaluations de l'arbre avec les mêmes données

# Cas de fitness

**Contexte** : l'arbre doit satisfaire plusieurs objectifs

**Exemples** :

- jouer “bien” face à plusieurs joueurs
- trier un ensemble de séquences
- fitter plusieurs courbes

**Difficulté** : opportunisme de l’évolution.

- Battre le “meilleur” joueur  $\not\Rightarrow$  jouer bien...
- Diminuer le désordre *moyen* crée des optima locaux...

# Cas de fitness, 2

Reposer le problème :  
Plusieurs cas de fitness

≈

{ Résolution de contraintes  
Co-évolution des arbres et des cas

Heuristiques :

- Facteurs de pénalité pénaliser la dégradation sur un cas
- Poids sur les cas adaptation, techniques de boosting
- Augmenter le nombre de cas au cours de l'évolution  
la fitness doit préserver l'ordre

# Plan

- Aspects spécifiques
- Passage à l'échelle
- Problèmes ouverts
- Une application en découverte scientifique
- Connaissances du domaine : couplage GP grammaires
- Dernières avancées : estimation de distribution

# Modularité : la tondeuse à gazon

**Contexte** : une pelouse torique à  $n \times n$  cases

**Objectif** : le programme de la tondeuse à gazon.

$\mathcal{T}$  : Les feuilles, LEFT, TOND,  $\mathcal{R}$

LEFT: Tourne à gauche

TOND: tond la case courante et avance

$\mathcal{R}$ : couple  $(x, y)$ ,  $x, y$  dans  $[1, n]$

$\mathcal{N}$  : Les noeuds, V+, Proc, FROG

V+ : addition vectorielle modulo  $n$  2 args.

Proc: exécute séquentiellement les deux arguments 2 args.

FROG: saute en un point et tond la case d'arrivée 1 arg.

# La tondeuse à gazon, 2

Fitness :

la tondeuse part de la case (0,0)

la fitness est le nombre de cases de gazon tondues en  $m$  pas.

Choix :

- Sélection ?
- Filtrer les individus non adaptés ?
- Taille de population ?

Résultats cités :

pelouse de 64 cases

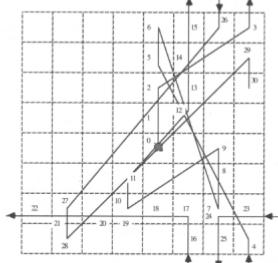
population de 1000 individus

convergence en 34 générations

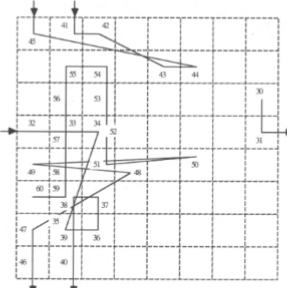
meilleur individu : 296 noeuds

Koza 92

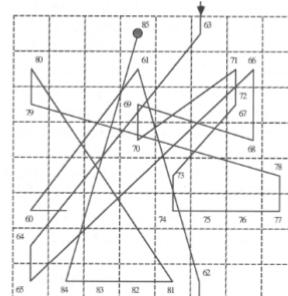
# Solution, trajet (= phénotype)



Partie 1



Partie 2



Partie 3

# Solution, description (= génotype)

(VBA (VBA (VBA (PROG (PROGN (VBA (MOW) (MOW)) (FROG (3,2))) (PROGN (VBA (PROGN (VBA (PROG (PROGN (MOW) (2,4)) (FROG (5,6)))) (PROGN (VBA (MOW) (6,0)) (FROG (2,2)))) (VBA (MOW) (MOW)))) (PROGN (VBA (PROGN (PROGN (0,3) (7,2)) (FROG (5,6)))) (PROGN (VBA (MOW) (6,0)) (FROG (2,2)))) (VBA (MOW) (MOW)))) (PROGS (FROG (MOW) (MOW)) (PROGN (PROGN (VBA (MOW) (MOW)) (FROG (LEFT)))) (PROGN (MOW) (VBA (MOW) (MOW)))) (PROGN (VBA (PROGN (0,3) (7,2)) (VBA (MOW) (MOW)))) (PROGS (VBA (MOW) (MOW)) (PROGN (LEFT) (MOW)))))))) (VBA (PROG (VBA (PROG (PROGN (MOW) (2,4)) (FROG (5,6)))) (FROG (VBA (MOW) (6,0)) (FROG (2,2)))) (VBA (MOW) (MOW)))) (VBA (FROG (LEFT)) (FROG (MOW)))) (VBA (FROG (VBA (PROG (VBA (MOW) (MOW)) (PROG (3,7)))) (VBA (PROGN (MOW) (LEFT)) (VBA (MOW) (5,3)))) (PROGS (PROGN (VBA (PROGN (LEFT) (MOW)) (VBA (1,4) (LEFT)))) (PROGN (FROG (MOW)) (VBA (MOW) (3,7)))) (VBA (PROGN (FROG (MOW)) (VBA (LEFT) (MOW)))) (VBA (FROG (1,2)) (VBA (MOW) (LEFT)))) (PROGS (VBA (FROG (3,1)) (VBA (FROG (PROG (PROGN (VBA (MOW) (MOW)) (FROG (3,2)))) (FROG (FROG (5,0)))) (VBA (PROGN (FROG (MOW)) (VBA (MOW) (MOW)))) (VBA (FROG (LEFT)) (FROG (MOW)))) (PROGS (PROG (PROGN (PROGN (LEFT) (MOW)) (VBA (MOW) (3,7)))) (VBA (FROG (PROG (3,0) (LEFT)))) (VBA (FROG (MOW) (LEFT)))) (FROG (FROG (5,4)))) (PROGS (PROGN (FROG (VBA (PROG (VBA (PROGN (PROG (VBA (PROGN (PROGN (MOW) (2,4)) (FROG (5,6)))) (PROGN (VBA (MOW) (1,2)) (PROG (2,2)))) (VBA (MOW) (MOW)))) (FROG (3,7)))) (VBA (PROGN (PROGN (MOW) (2,4)) (FROG (5,6)))) (PROGN (VBA (MOW) (6,0)) (FROG (2,2)))) (PROGS (PROG (PROGN (VBA (FROG (MOW)) (VBA (1,4) (LEFT)))) (PROGN (FROG (MOW)) (VBA (MOW) (3,7)))) (VBA (PROGN (FROG (MOW)) (VBA (LEFT) (MOW)))) (VBA (FROG (1,2)) (VBA (MOW) (MOW)))) (VBA (PROG (MOW)) (LEFT)))) (PROGN (VBA (PROG (FROG (2,4)) (VBA (MOW) (MOW)))) (VBA (PROG (MOW)) (LEFT)))) (PROGN (3,0) (LEFT)))) (FROG (VBA (7,4) (MOW)))) (VBA (VBA (PROG (MOW) (4,3)) (VBA (LEFT) (6,1)))) (MOW)))) .

# Evaluation

## Critères

- probabilité de solution
- complexité de la solution

Taille pelouse	32	64	96
Taille solution	145	280	427
Facteur	4.5	4.4	4.4
Nb évaluations	19 000	100 000	4 531 000
t.q. Proba succès > .99			

# Passage à l'échelle

**Remarque :**

- *Nous* devons programmer structuré.
- Vrai aussi pour la machine ?

**Scalable** ⇒ Réutilisation  
Décomposition  
Résolution hiérarchique

**Approche descendante** : programmation structurée

**Approche ascendante** : changement de représentation

# Passage à l'échelle, 2

ADF : Automatically defined functions :

- ADF prédéfinies Koza 92
- Modules emergents Angeline 93
- ADF adaptatives Koza 95

Intérêt :

Réutiliser des portions de code.

Rendre plus probable l'apparition d'un pgm efficace.

# Principe des ADF prédefinies

- Individu = Main

ADF<sub>0</sub>

...

ADF<sub>K</sub>

- ADF<sub>i</sub> = Feuilles = (sous-)ensemble de  $\mathcal{T}$  +

variables locales  $arg_{i,1}, \dots arg_{i,k}$

Noeuds = (sous-)ensemble de  $\mathcal{N}$  +

ADF<sub>0</sub> + ADF<sub>1</sub> + ... ADF<sub>i-1</sub>

- Main = Feuilles =  $\mathcal{T}$

Noeuds = (sous-)ensemble de  $\mathcal{N}$  + ADF<sub>K</sub>

- Fitness : évaluation de Main.

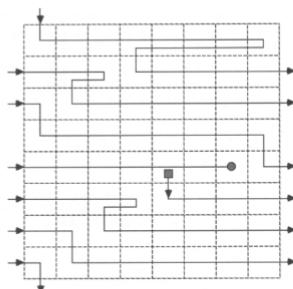
# Tondeuse avec ADF

$ADF_0 : \mathcal{T} = \{ LEFT, TOND, \mathcal{R} \}$   
 $\mathcal{N} = \{ V+, Proc \}$

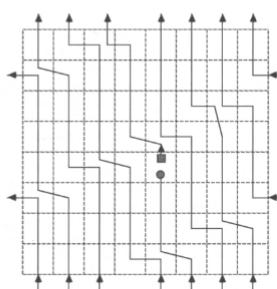
$ADF_1 : \mathcal{T} = \{ LEFT, TOND, \mathcal{R}, arg_1 \}$   
 $\mathcal{N} = \{ V+, Proc, FROG, ADF_0 \}$

Main :  $\mathcal{T} = \{ LEFT, TOND, \mathcal{R} \}$   
 $\mathcal{N} = \{ V+, Proc, FROG, ADF_0, ADF_1 \}$

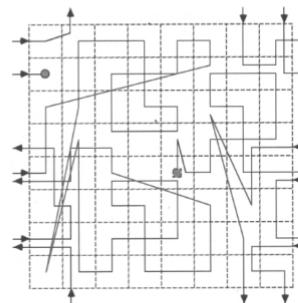
## Solution avec ADF, trajet (= phénotype)



Run 1

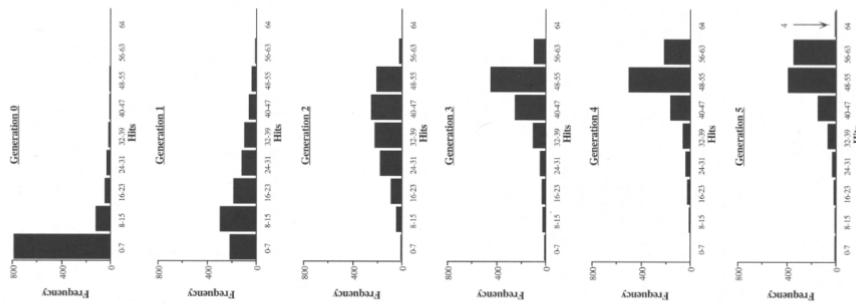


Run 2



Run 3

# Solution avec ADF, un run



# Evaluation

Sans ADF :

Taille pelouse	32	64	96
Taille solution	145	280	427
Nb évaluations	19 000	100 000	4 531 000
t.q. Proba succès > .99			

Avec ADF :

Taille pelouse	32	64	96
Taille solution	66.3	76.8	84.3
Nb évaluations	5 000	11 000	16 000
t.q. Proba succès > .99			

# Embryogénèse : Synthèse de réseaux de neurones

F. Gruau, 95

**Idée:** Faire évoluer un programme dont l'exécution donne une solution.

Arbre → graphe de connexion

Embryogenèse : un “embryon” se développe selon un arbre de règles.

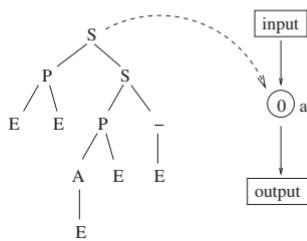
Sur un exemple, dans le contexte des réseaux de neurones booléens:

# Embryogénèse, 2

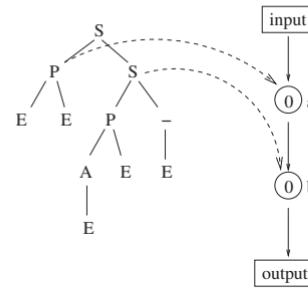
$T$	E	symbole de fin
$\mathcal{N}$	S	Division séquentielle
	P	Division parallèle
	A	Incrémenter le seuil du neurone
	O	Décrémenter le seuil du neurone
	+	Incrémenter le poids d'un lien
	-	Décrémenter le poids d'un lien
	C	Couper le lien courant
	I	Incrémenter le numéro du lien courant
	D	Décrémenter le numéro du lien courant
	R	Retour au sommet de l'arbre
	W	Wait

**Remarque :** un seul terminal  $\Rightarrow$  besoin de mutation !

# Développement d'un réseau de neurones

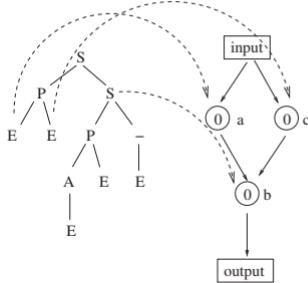


L'arbre et l'embryon

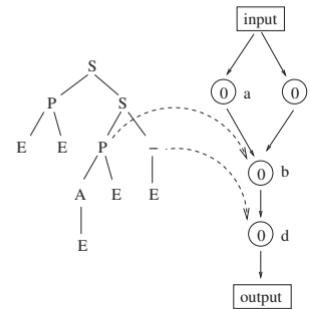


Étape 1

## Développement d'un réseau de neurones, 2

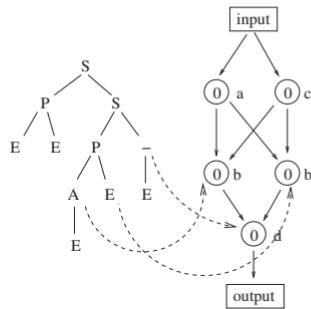


Étape 2

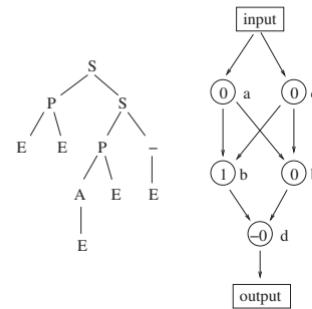


Étape 3, 4 et 5

# Développement d'un réseau de neurones, 3



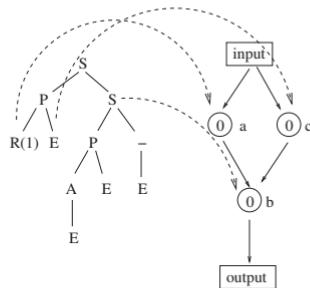
Étape 6



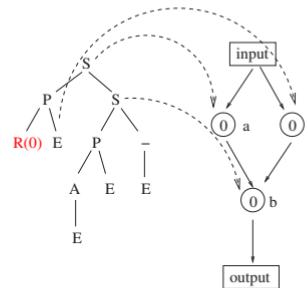
État final (réseau **XOR**)

# Développement d'un réseau de neurones, 4

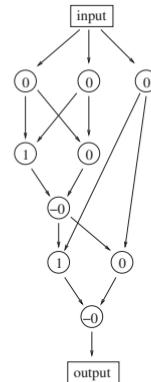
Avec récursion:



Étape 2



Étape 3



État final

# Embryogenèse : synthèse de circuits analogiques

Koza et al. 95, 98

## Embryon :

une entrée, une sortie

2 cellules initiales :      connection source — sortie  
                                  connection terre — sortie

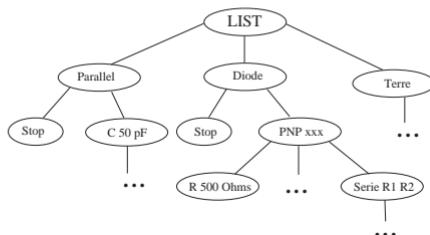
## Acquis :

Simulateur de circuits analogiques ROUSTE  
SPICE (217 000 lignes, Berkeley)

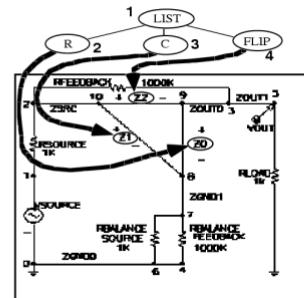
## Réalisations :

Filtres passe-bande asymétriques  
Extracteur racine cubique  
Amplificateurs,...

# Synthèse de circuits analogiques, 2

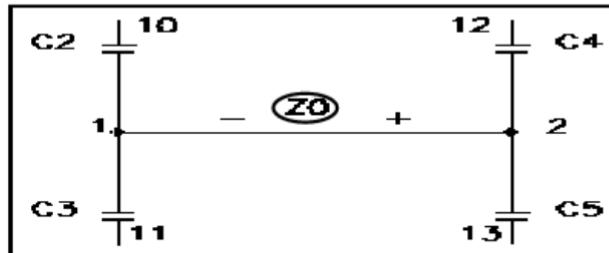


Un exemple de programme



et d'embryon

# Exemples de noeuds et terminaux

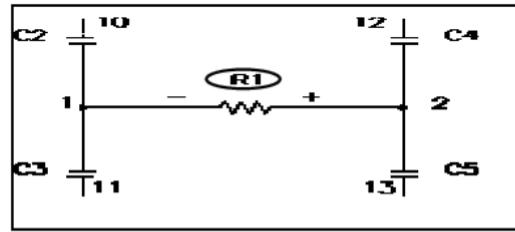


Fil générique

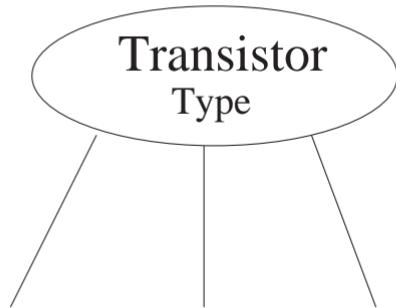
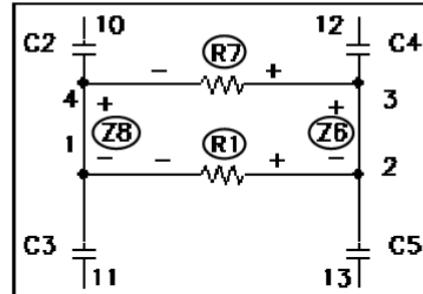
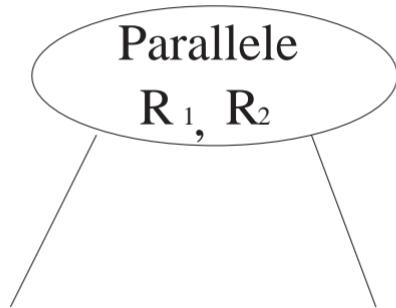
Développement :

Resistance  
 $R_1 \Omega$

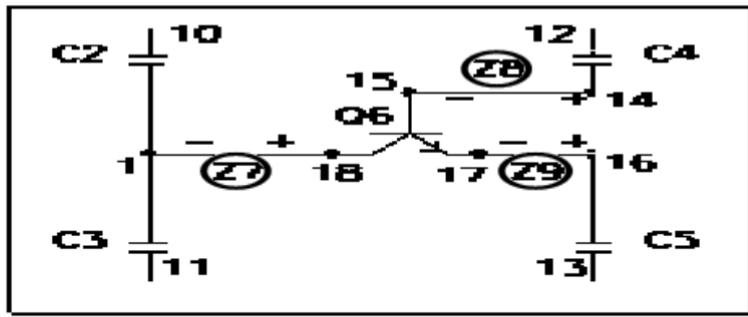
Un terminal



Application au fil générique



Noeuds

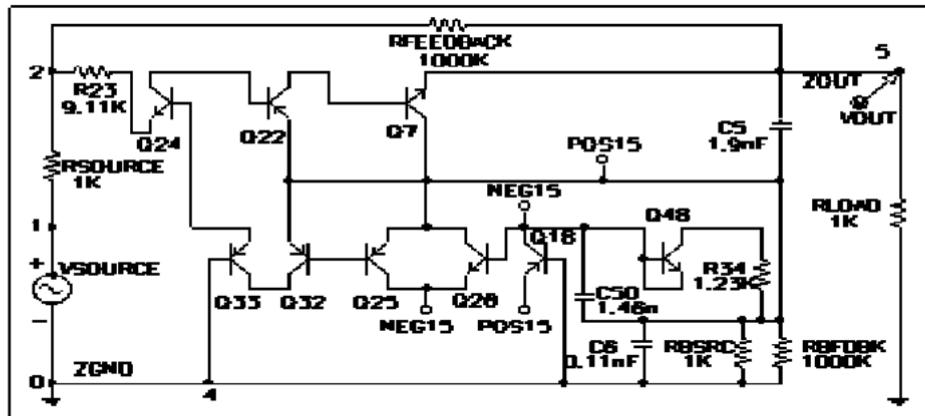


Application au fil générique

+ mémoire, récursion et sousroutines

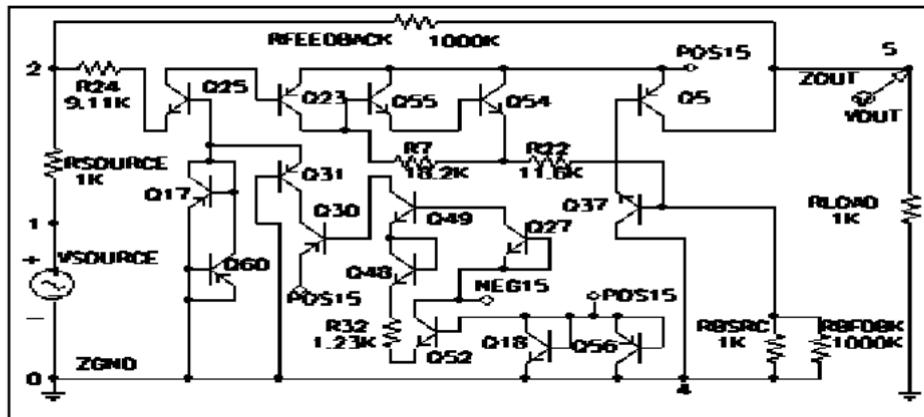
# Un résultat: Ampli opérationnel 60dB

Meilleur initial



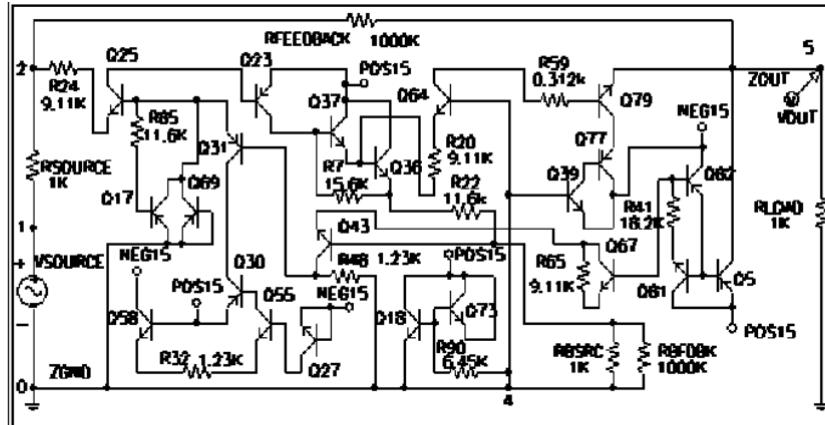
# Un résultat: Ampli opérationnel 60dB, 2

Meilleur, génération 49



# Un résultat: Ampli opérationnel 60dB, 3

Meilleur, génération 109



ATTENTION : taille population = 640 000

# Plan

- Aspects spécifiques
- Passage à l'échelle
- **Problèmes ouverts**
- Une application en découverte scientifique
- Connaissances du domaine : couplage GP grammaires
- Dernières avancées : estimation de distribution

# Particularités et problèmes ouverts

- Evaluation : presque toujours en contexte de conception
  - objectif = au moins un run avec résultat excellent
  - un critère = nb évaluations t.q.  $P(\text{solution}) > .99$
- Heuristiques pour préserver la diversité
  - à revoir
- Contrôle de la taille mémoire de la population
  - le phénomène du bloat
- Qu'est-ce qu'un schéma ?...

# La diversité

**GP  $\neq$  GA !**  $\left\{ \begin{array}{l} \text{Sharing} \\ \text{Niching} \\ \text{Clearing} \\ \dots \end{array} \right. \Rightarrow \text{Distance sur } \Omega !$

distance entre arbres = problème ouvert

Parade possible : distance phénotypique.

Si Fitness  $\equiv \{ \text{performance cas 1}, \dots, \text{performance cas K} \}$

alors  $\Omega \mapsto \mathbb{R}^K$   
 $T \mapsto g(T) = (perf(T, 1), \dots, perf(T, K))$

$$\text{distance}(T, T') = \|g(T) - g(T')\|$$

# Bloat et Introns

Définitions :

- **Intron**: matériel génétique sans effet sur la fitness  
Pas spécifique à GP
- **Bloat**: augmentation (exponentielle) du nb d'introns

Exemple :

IF {1} then {...} else {...}

$0 \times \{ \dots \}$

# Bloat et Introns, 2

Le débat :

- Les introns paralysent l'évolution  
taille mémoire, temps de calcul de la fitness
- Les introns “aident” l'évolution  
quand on les enlève, ça marche moins bien...
  - Mécanisme de mémoire ?
  - Permettre “petites” modifications ?

Mécanisme d'apparition :

Le croisement fait apparaître les introns  
La sélection les multiplie

## Limiter la taille

- Un facteur de parcimonie

$$\mathcal{F}(T) \leftarrow \mathcal{F}(T) + c.\text{longueur}(T)$$

- Post-process de simplification
  1. Trouver  $T$  ayant une bonne performance
  2. Fixer la performance et minimiser la longueur

# Plan

- Aspects spécifiques
- Passage à l'échelle
- Problèmes ouverts
- Une application en découverte scientifique
- Connaissances du domaine : couplage GP grammaires
- Dernières avancées : estimation de distribution

# Découverte, exemple

	<i>Battery</i>	<i>Wire</i>	<i>I</i>	<i>C</i>	<i>I/C</i>
$e_1$	<i>A</i>	<i>X</i>	3.4763	3.4763	1.0000
$e_2$	<i>A</i>	<i>Y</i>	4.8763	4.8763	1.0000
$e_3$	<i>A</i>	<i>Z</i>	3.0590	3.0590	1.0000
$e_4$	<i>B</i>	<i>X</i>	3.9781	3.4763	1.1444
$e_5$	<i>B</i>	<i>Y</i>	5.5803	4.8763	1.1444
$e_6$	<i>B</i>	<i>Z</i>	3.5007	3.0590	1.1444
$e_7$	<i>C</i>	<i>X</i>	5.5629	3.4763	1.6003
$e_8$	<i>C</i>	<i>Y</i>	7.8034	4.8763	1.6003
$e_9$	<i>C</i>	<i>Z</i>	4.8952	3.0590	1.6003

But : Inférer des lois physiques (chimiques,...)

$$U = RI$$

# Identification of macro-mechanical models

coll. M. Schoenauer, H. Maitournam

## Behavioral law of materials

- needed for accurate CAD;
- ill-known for new materials (e.g. polymers).

## Art of macro-mechanical modeling:

- Adapting the model of another material;
- Designing a brand new model;
- Starting with a micro-mechanical analysis.

## Fails when the current material:

- does not resemble other materials;
- does not fit expert's guesses;
- is not provided a tractable model by  $\mu$ -M analysis.

# Machine Discovery

- First Era (1983)

Langley, Falkenhainer, Nordhausen,...

Heavy assumptions

Heuristic construction of new terms

$PV$ ,  $PV/T$ ,  $PV/nT$ , ..

- Second Era (1995)

Dzeroski, Valdes-Perez,...

Exhaustive exploration

Challenge : restricting the search space

- On the ILP side

Srinivasan, Camacho, Simon, Frisch,...

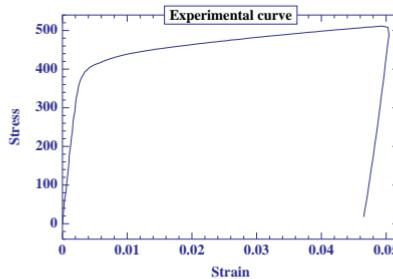
Fixed equations

Parametric optimization

# Dilemma

- Strong background knowledge
  - exhaustive exploration is feasible
- Reasonable background knowledge
  - + smart optimization criterion
  - = greedy search
- “Light” background knowledge
  - + stochastic search
  - = global optimization

# Identification of Behavioral Laws



Input: Experimental curves

- observed strain  $\epsilon(t)$  for applied stress  $\sigma(t)$ ;
- observed stress  $\sigma(t)$  for applied strain  $\epsilon(t)$ ;

## Identification of Behavioral Laws, 2

**Output:** Behavioral law

Differential equations linking  $\epsilon(t)$ ,  $\sigma(t)$  and their derivatives, e.g.

$$\begin{array}{ll} \text{if} & \sigma(t) < \sigma_1 \quad \text{then } \sigma(t) = a.\epsilon(t) + b.\dot{\epsilon}(t) \\ \text{else if} & \sigma(t) < \sigma_2 \quad \text{then } \sigma(t) = c.\epsilon(t) + d.\dot{\epsilon}(t) \end{array}$$

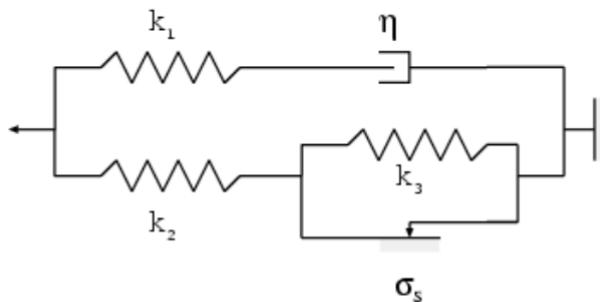
**Criteria:** the law must fit the experiments **and** be comprehensible.

# Search space: Rheological models

## Dynamic 1-D laws

Assembly in series or parallel of

- springs (elastic behavior)
- sliders (plastic behavior)
- dashpots (viscous behavior)



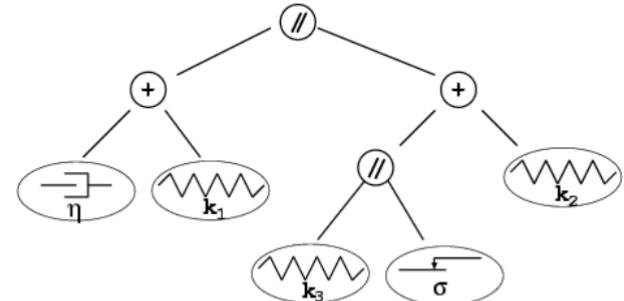
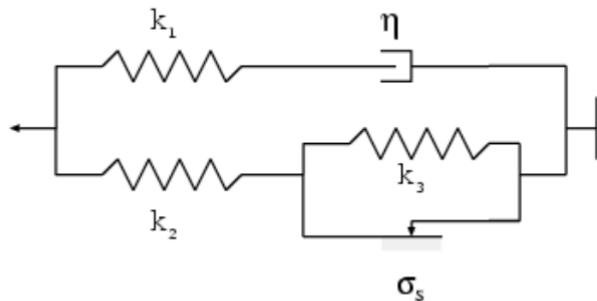
## Identification Goals:

- For a given model, adjust the parameters  
     $\Rightarrow$  Parametric optimization
- Optimize both the model and the parameters  
     $\Rightarrow$  Non-parametric optimization

# Rheological GP

Rheological models  $\equiv$  Trees built from

- $\mathcal{N} = \{ \text{series } +, \text{parallel } // \}$
- $\mathcal{T} = \{ \text{Spring}(k), \text{Slider}(\sigma_S), \text{Dashpot}(\eta) \}$



# Initialisation

Creer Arbre:

    Choisir Noeud dans { +, //, ressort, patin, amort }

    Si Noeud dans { ressort, patin, amortisseur }

        Tirer Constante  $k, \sigma_S, \eta$  dans  $\mathbb{R}^+$

        Retour (Noeud, constante)

    Si Noeud dans { +, // }

        Fils<sub>1</sub> = Creer Arbre

        Fils<sub>2</sub> = Creer Arbre

        Retour (Noeud, Fils<sub>1</sub>, Fils<sub>2</sub>)

# Evaluation

## Compilation

$$H \rightarrow \text{Système d'équations } \mathcal{S}_H$$

- Ressort( $k$ )  $\sigma(t) = k \cdot \varepsilon(t)$
- Amortisseur( $\eta$ )  $\sigma(t) = \eta \cdot \dot{\varepsilon}(t)$
- Patin( $\sigma_S$ )  $(\dot{\varepsilon}(t) = 0) \text{ OR } (|\sigma(t)| = \sigma_S)$
- Série  $\varepsilon_{parent}(t) = \varepsilon_{fils_1}(t) + \varepsilon_{fils_2}(t)$   
 $\sigma_{parent}(t) = \sigma_{fils_1}(t) = \sigma_{fils_2}(t)$
- Parallèle  $\varepsilon_{parent}(t) = \varepsilon_{fils_1}(t) = \varepsilon_{fils_2}(t)$   
 $\sigma_{parent}(t) = \sigma_{fils_1}(t) + \sigma_{fils_2}(t)$

## Simulation

$$\mathcal{S}_H \cup (\varepsilon_H(t) = \varepsilon_{exp}(t)) \rightarrow \sigma_H(t)$$

## Evaluation

$$f(H) = Distance(\sigma_H, \sigma_{exp})$$

# Critère d'arrêt

## Sources d'erreur

- ED → Différences finies
- Erreurs expérimentales
- Bruit de résolution

## Estimation de l'erreur

$$Err = \|\sigma_H(t_{exp} = t_1, t_2, t_3, \dots) - \sigma_H(t_{exp} = t_1, t_3, t_5, \dots)\|$$

## Critère de succès

$$f(H) \approx Err$$

## Conclusion partielle

- Identification de modèle rhéologique par GP  
Premiers résultats positifs.  
Passage à l'échelle difficile.
- C'est un cas favorable :  
Tout élément de l'espace de recherche est acceptable...

# Plan

- Aspects spécifiques
- Passage à l'échelle
- Problèmes ouverts
- Une application en découverte scientifique
- Connaissances du domaine : couplage GP grammaires
- Dernières avancées : estimation de distribution

# GP and Background Knowledge

- EC: same evolution as AI
    - I. A universal tool 1965
    - II. Knowledge makes the difference 1991
  - GP: the closure assumption
    - any subtree is a valid operand for any operator.
- Pros simple crossover  
simple mutation
- Cons Search space size

# GP and Background Knowledge, 2

- Syntactic constraints

Gruau 96, Keijzer Babovic 99

- Strongly typed GP

Montana 97

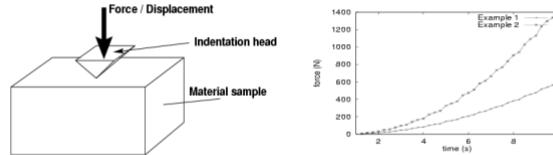
- BNF Grammars

Horner 96, Ryan et al. 98

# Dimension aware GP

## The mechanical problem

Indentation experiments on unknown material



**Goal:** Find expression  $\mathcal{F}$  s.t.

$$\text{Force} = \mathcal{F}(\text{displacement, time, material parameters})$$

Ratle, Sebag, 2000

# GP and Machine Discovery

Trivial BK: Dimension-consistency

meters + seconds ? Oh !

**Assumption:**

finite set of units	$\{m, s, kg\}$
compound units	$U_{ijk} : m^i s^j kg^k$
limited combinations	$i, j, k \in [-2, 2]$

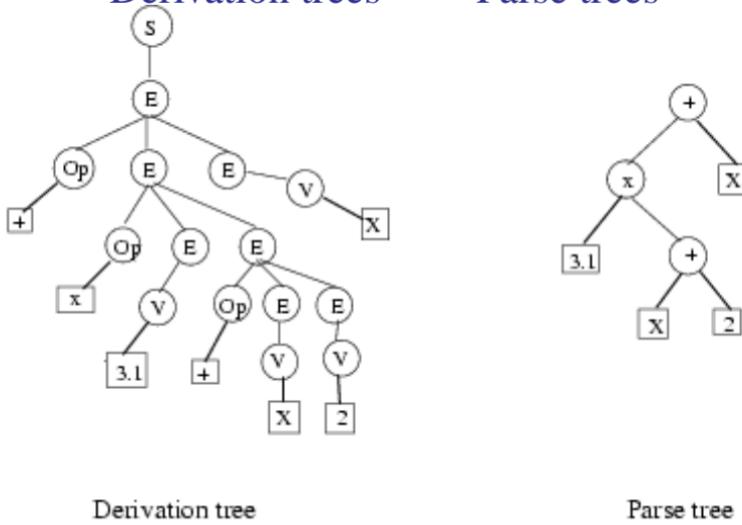
**Representation:** BNF grammars

$S$	start symbol	$U_{1,-2,1}$
$N$	non-terminals	$\{U_{ijk}\}$
$T$	terminals	$\{Vars, \mathcal{R}, +, -, *, /, exp\}$
$P$	production rules	

$$U_{ijk} := U_{ijk} + U_{ijk} \mid U_{ijk} - U_{ijk} \mid U_{ijk} \exp^{U_{000}} \\ |abc+def=ijk U_{abc} * U_{def} \\ |abc-def=ijk U_{abc} / U_{def} \\ |unit(var)=ijk Var$$

# Enforcing constraints through grammars

Derivation trees —> Parse trees



Derivation tree

Parse tree

Beware !	CFG	GP
<b>Terminals</b>	variables, constants, operators	variables and constants
<b>Non-Terminals</b>	typed expressions	operators

# GP on derivation trees

Gruau 96

- **Initialization:** uniform selection among derivations in a production rule  
filter out trees with depth  $> D_{max}$
- **Crossover:** swap nodes with same non-terminal symbol  
 $\equiv$  Strongly Type Genetic Programming  
Montana 1995, Haynes et al. 1996
- **Mutation:** select another derivation

# Dimensional grammar

Physical units			
Quantity	mass	length	time
<i>Variables</i>			
$K$ (Elastic element)	+1	0	-1
$n$ (Viscous element)	+1	0	-1
$t$ (time)	0	0	+1
$u$ (displacement)	0	1	0
<i>Solution</i>			
$F$ (Force)	1	1	-2

# Automatic generation of the grammar

each compound unit → a non-terminal symbol

admissible combinations → production rules

$N$	non-terminals	$\{U_{ijk}\}$
$T$	terminals	$\{Vars, \mathcal{R}, +, -, *, /, exp\}$
$P$	production rules	

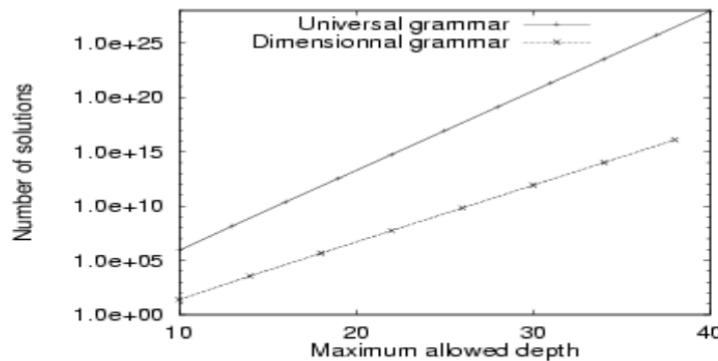
$$\begin{aligned} U_{ijk} := & \quad U_{ijk} + U_{ijk} \mid U_{ijk} - U_{ijk} \mid U_{ijk} \exp^{U_{000}} \\ & \quad \Big|_{abc+def=ijk} U_{abc} * U_{def} \\ & \quad \Big|_{abc-def=ijk} U_{abc} / U_{def} \\ & \quad \Big|_{unit(var)=ijk} Var \end{aligned}$$

$$\mathcal{F} := mass \times length \times time^{-2}$$

Automatically generated

# First Results

Good Reduction of the search space



## First Results, 2

but Poor performances

...blamed on Initialization

Uniform initialization:  $\mathcal{P}(\text{non-terminal}) \gg \mathcal{P}(\text{terminal})$

deep trees, most are filtered out

Note :

Similar to constrained optimization with sparse feasible region

Ryan et al, 1998

Poor initial population → poor performances

# Initialization in Grammar Guided GP

## Biased initialization fails

- Set  $\mathcal{P}(\text{terminals}) \gg \mathcal{P}(\text{non-terminals})$
- Population poorly diversified, premature convergence

## Constraint resolution for initialization

- Minimal tree depth for each non-terminal or derivation
  - On-line filtering out of derivations  
incompatible with maximum depth
  - GP initialization = constraint solver
- Diversified initial population within depth  $D_{Max}$

# Constrained Initialization for Grammar-Guided GP

- Compute  $d_{min}(U) = U$  minimal depth

$$\begin{aligned} U &:= deriv_1 \mid \dots \mid deriv_N \\ d_{min}(U) &= \min_i d_{min}(deriv_i) \\ d_{min}(U_1 \ op \ U_2) &= 1 + \max(d_{min}(U_1), d_{min}(U_2)) \end{aligned}$$

- Construct  $Exp$  with maximal depth  $D_{Max}$

$$Exp = S; \quad d_{max}(S) = D_{Max}$$

While (exists non terminal symbols in  $Exp$ )

Select  $U$  in  $Exp \quad U = |_i deriv_i$

Select  $deriv_i / d_{min}(deriv_i) \leq d_{max}(U)$

$deriv_i = U_1 \ op \ U_2$

Set  $d_{max}(U_1) = d_{max}(U_2) = d_{max}(U) - 1$

- Result: **admissible and diversified** individuals

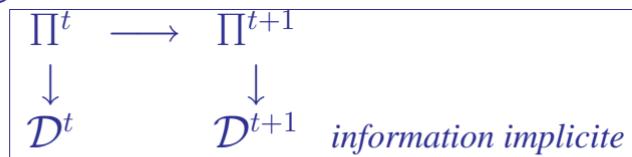
# Plan

- Aspects spécifiques
- Passage à l'échelle
- Problèmes ouverts
- Une application en découverte scientifique
- Connaissances du domaine : couplage GP grammaires
- Dernières avancées : estimation de distribution

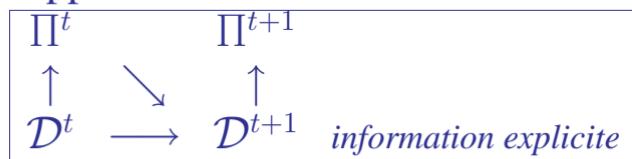
# Algorithmes d'Estimation de Distribution

Principe : Extension (population) → Intension (distribution).

Algorithmes d'évolution



Une approche IA



*Removing genetics from standard genetic algorithms,  
S. Baluja and R. Caruana, ICML 95*

# Population-Based Incremental Learning

## Algorithme

Init :

$$\mathcal{D} = (.5, \dots, .5)$$

Boucle

1. Génération de la population

$$X_i = \begin{cases} 1 & \text{si } r < \mathcal{D}_i \\ 0 & \text{sinon} \end{cases} \quad r \text{ uniforme dans } [0, 1]$$

2. Evaluer et trier la population
3. Mettre à jour la distribution

$$\mathcal{D} \leftarrow (1 - \alpha)\mathcal{D} + \alpha X_{best}$$

# Population-Based Incremental Learning, 2

## Discussion

Peu de paramètres :

Taille de la population

Taux de mise à jour (learning rate)  $\alpha$

Pas de transmission du matériel génétique

Simplicité

# Limitations

Converger ?

si  $\mathcal{D}_i = 1$  ou  $0 \rightarrow$  perte de diversité

si  $\mathcal{D}_i \neq 1 \Rightarrow$  sur OneMax, on ne trouve jamais l'optimum

Toujours Exploration *vs* Exploitation

- Prise en compte de  $X_{worst}$  :

si  $X_{best,i} \neq X_{worst,i}$

$$\mathcal{D}_i \leftarrow (1 - \alpha)\mathcal{D}_i + \alpha X_{best,i}$$

sinon ( $\beta << \alpha$ ),

$$\mathcal{D}_i \leftarrow (1 - \beta)\mathcal{D}_i + \beta X_{best,i}$$

- “Muter” la distribution

si  $\tau < .005$  (taux de perturbation)

$$\mathcal{D}_i += \mathcal{N}(0, \epsilon)$$

( $\epsilon$  = amplitude de perturbation)

## Limitations, 2

Distribution produit  $\equiv$  composantes indépendantes

Echec sur les problèmes trompeurs (deceptive)

Exemple :

$$\mathcal{F}(x_1, \dots, x_5) = \begin{cases} 5 & \text{si } \sum x_i = 5 \\ 4 - \sum x_i & \text{sinon} \end{cases}$$

Problèmes trompeurs concaténés :

$$\mathcal{G}(x_1, \dots, x_{20}) = \sum_{i=1}^{16} \mathcal{F}(x_i, \dots, x_{i+4})$$

# Mutual Information Maximization for Input Clustering

## Distribution chainée

Soit  $\pi = (i_1, i_2, \dots, i_n)$  une permutation

On cherche

$$P(X) = p(X_{i_1}) \times p(X_{i_2} | X_{i_1}) \times \dots \times p(X_{i_n} | X_{i_{n-1}})$$

- Trouver  $i_1$  de plus faible entropie
- Trouver  $i_j$  de plus faible entropie conditionnelle par rapport aux variables déjà choisies.

De Bonet et al., NIPS 97.

## Autres algorithmes EDAs

- COMIT, Combining Optimizers with Mutual Information Trees  
Baluja Davies 1997
- EBNA, Estimation of Bayesian Network Algorithm, Etxeberria  
Larranaga, 1999.
- PBIL<sub>c</sub>, PBIL for continuous domains, Ducoulombier Sebag 1998.
- BOA, Bayesian Optimization Algorithm, Pelikan et al. 1999

# Probabilistic Grammar-Guided GP

**Principle:** Setting weights on each derivation

Scal:

$$\text{deriv}_i \rightarrow w(\text{deriv}_i)$$

Vect:

$$\text{deriv}_i \times \text{depth } k \rightarrow w(\text{deriv}_i, k)$$

Salustowicz & Schmidhuber, 1998

## Initializing Weights

$$\forall i, \forall k, w(\text{deriv}_i, k) = 1$$

## Using Weights

for  $U$  at depth  $k$ , if  $d_{min}(\text{deriv}_i) \leq d_{max}(U)$

$$\text{Prob}(\text{Select deriv}_i) \propto w(\text{deriv}_i, k)$$

# Probabilistic Grammar-Guided GP, 2

## Updating Weights

Loop on the best individuals

if  $deriv_i$  is chosen at depth  $k$

$$w(deriv_i, k) * = (1 + \epsilon)$$

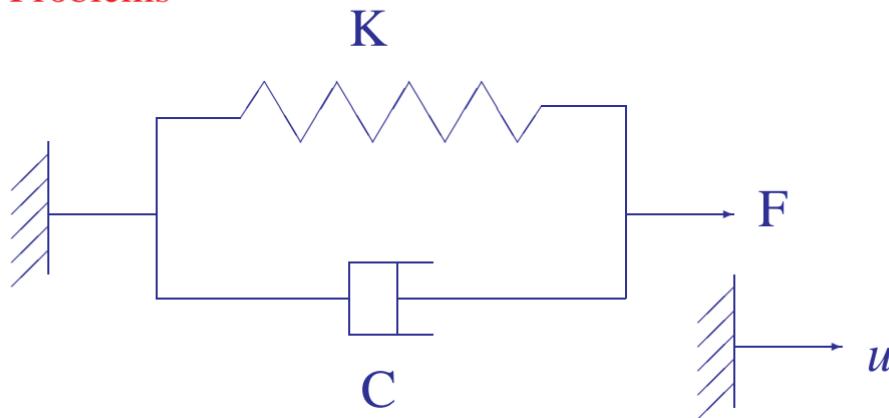
Loop on the worst individuals

if  $deriv_i$  is chosen at depth  $k$

$$w(deriv_i, k) * = (1 - \epsilon)$$

# Empirical Validation

## Problems



$$x(t) = \frac{F}{K} \left( 1 - e^{\frac{-Kt}{C}} \right) \quad (1)$$

$$x(t) = \frac{F}{K_1} + \frac{Ft}{C_1} + \frac{F}{K_2} \left( 1 - e^{\frac{-Kt}{C_2}} \right) \quad (2)$$

# Empirical Validation, 2

## Grammars

Universal  $S := NT$

$$NT := T \mid OP \ NT \ NT$$

$$OP := + \mid - \mid * \mid \div \mid exp$$

$$T := F \mid K \mid C \mid t \mid 1 \mid 2 \mid 3 \mid 4$$

Universal + exp-neg: same as above, except

$$OP := + \mid - \mid * \mid \div \mid exp \mid exp-$$

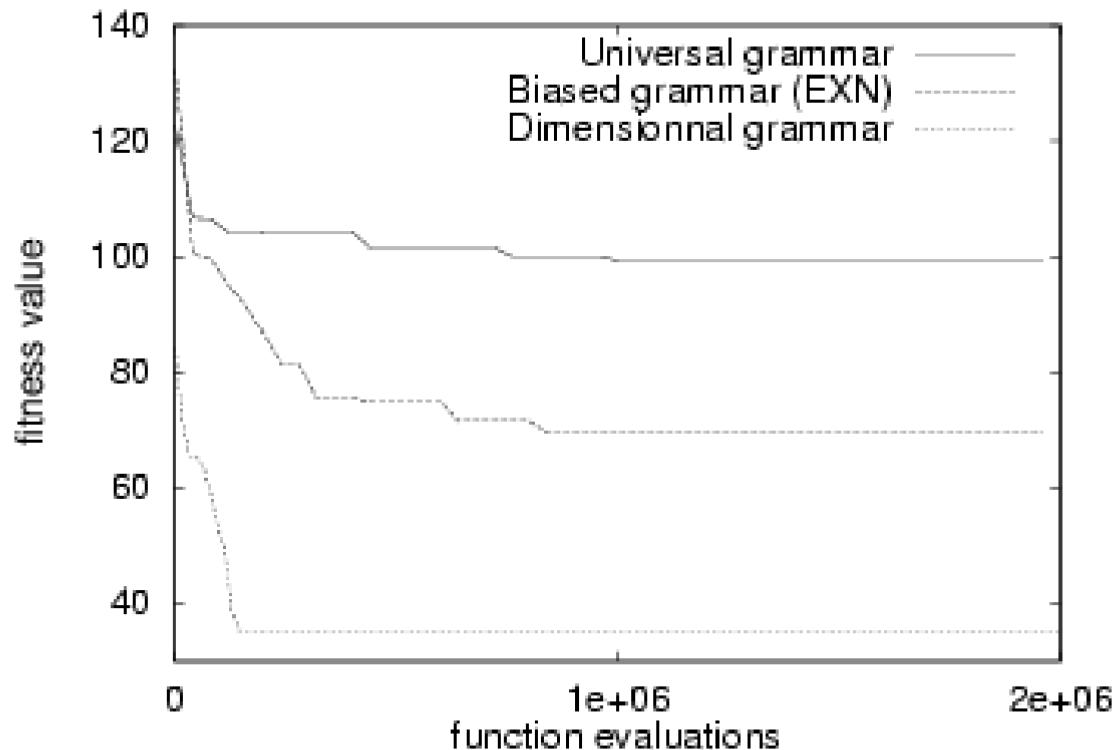
Dimensional: dimension-consistent grammar

Physical units			
Quantity	mass	length	time
<i>Variables</i>			
$E$ (Force)	+1	+1	-2
$K$ (Elastic element)	+1	0	-1
$n$ (Viscous element)	+1	0	-1
$t$ (time)	0	0	+1
<i>Solution</i>			
$x$ (displacement)	0	+1	0

# Empirical Validation, 3

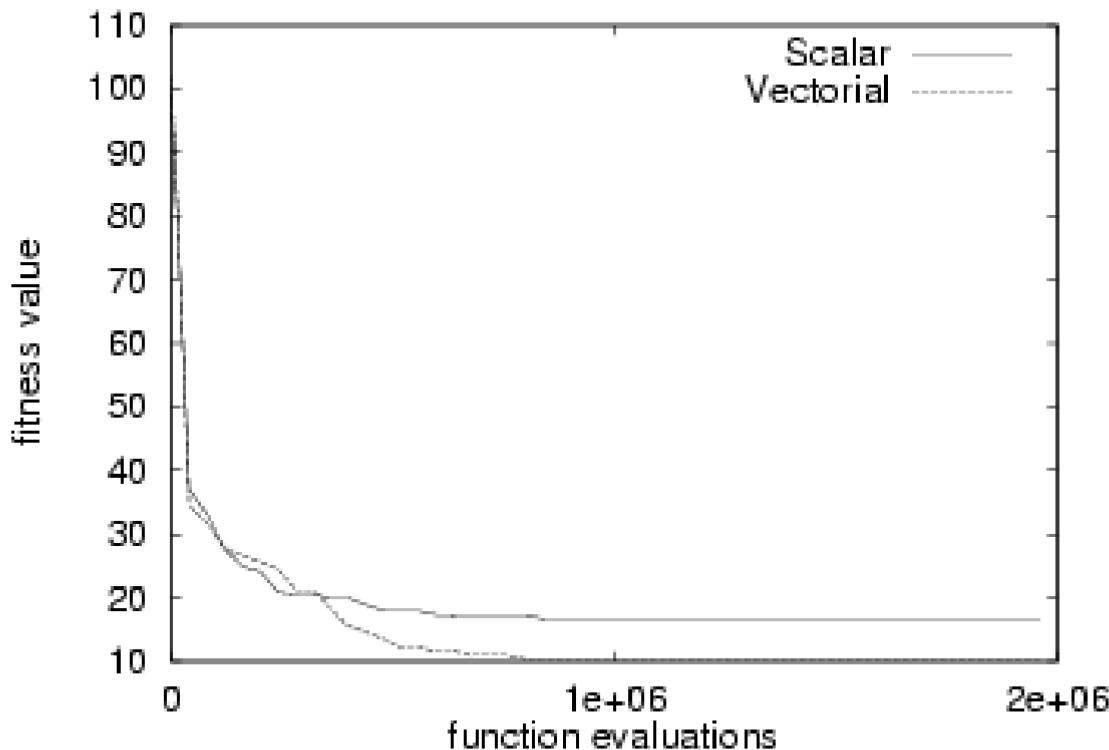
Parameter	Value	
Algorithm	GP	GPwPG
Population size	2000	500
Max. number of generations	1000	4000
Probability of Crossover	0.8	—
Probability of tree mutation	0.2	—
Probability of point mutation	0.8	—
Nb of best individuals for learning	—	2
Nb of worst individuals for learning	—	2
Learning rate ( $\epsilon$ )	—	0.001
Probability of perturbation	—	0.001
Amplitude of perturbation	—	0.001
Number of training examples	20	20
Number of independent runs	10	20

# Results



Convergence: Impact of grammars

# Results

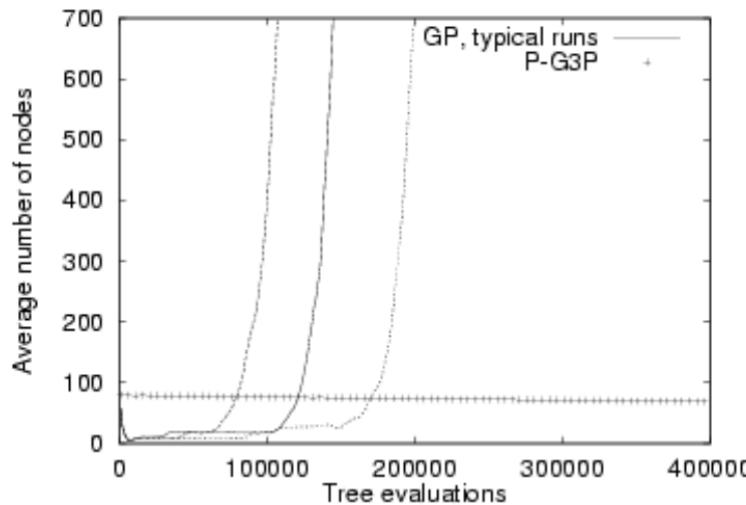


Convergence: Impact of learning distributions

# Overcoming the bloat

The bloat phenomenon:

- protection against destructive crossover ?
- some crossover side effect ?



Distribution-guided GP:  
No bloat.

# Conclusion 1 : Learning

- Is learning an optimization problem ... what is the criterion ?
- Background Knowledge  $\equiv$  Restricting the search space  $\mathcal{H}$
- Evolutionary Computation  $\equiv$  Generate and test
- Induction: Feedback from trials Capitalized as a distribution on  $\mathcal{H}$

# En guise de conclusion finale

## Evolution de l'évolution

EC  $\approx$  IA :

1er temps : outil universel

GPS

2eme temps : pouvoir  $\neq$  savoir

KBS

Recommandations :

- Aider le programme
- Renforcer les récompenses
- Pas trop de punitions
- Ne pas imposer la destination et le chemin